

Univerzitet u Novom Sadu  
FAKULTET TEHNIČKIH NAUKA  
Animacija u inženjerstvu  
Predmet: Metode 3D digitalizacije

# **PRE-PROCESIRANJE REZULTATA 3D-DIGITALIZACIJE Redukcija podataka tačaka**

## Redukovanje podataka-tačaka u rezultatu 3D digitalizacije

U opštem slučaju **složenija površina** objekta **zahteva i veći broj tačaka** za rekonstrukciju.

Sa druge strane, (pre)veliki broj podataka-tačaka može imati i negativne implikacije, poput usporavanja procesa RE, visokih zahteva u pogledu računarskog hardvera, a u ekstremnim slučajevima proces rekonstrukcije čini nemogućim.

Za rekonstrukciju složenije površine (sa većim stepenom krivosti) je potreban veći broj tačaka, dok je kod jednostavnijih površina moguće zanemariti određene podatke-tačke i pri tome ipak postići zadovoljavajuću tačnost u rekonstruisanju površine.

U kontekstu toga, može se reći da se **karakteristične tačke** površina nalaze **na mestima gde krivost ima veće varijacije**.

## Redukovanje podataka-tačaka u rezultatu 3D digitalizacije

Osnovni zadatak procesa redukovanija rezultata 3D-digitalizacije je *ekstrakcija karakterističnih tačaka na osnovu kojih je moguće rekonstruisati krive odnosno površine, sa ciljem kreiranja geometrijskog modela u zadovoljavajućem vremenskom periodu, koji dovoljno kvalitetno aproksimira originalni objekat.*

Rezultat redukcije treba da bude **kompromis između brzine procesiranja i kvaliteta (tačnosti) dobijenih modela.**

## Redukovanje podataka-tačaka u rezultatu 3D digitalizacije

U praksi se primenjuje veći broj metoda za redukovanje podataka, a trenutno primenjivane metode se mogu klasifikovati u tri kategorije:

- I. metode semplovanja,
- II. metode za redukovanje broja poligona u poligonalnom modelu i
- III. mrežne metode.

# Metode semplovanja

Metode ove vrste spadaju u češće primenjivane u slučajevima RE projektovanja zasnovanog na cross-sectional metodologiji.

U svetu je do danas razvijen veliki broj metoda za redukovanje podataka-tačaka semplovanjem, između kojih se u literaturi najčešće pominju sledeće:

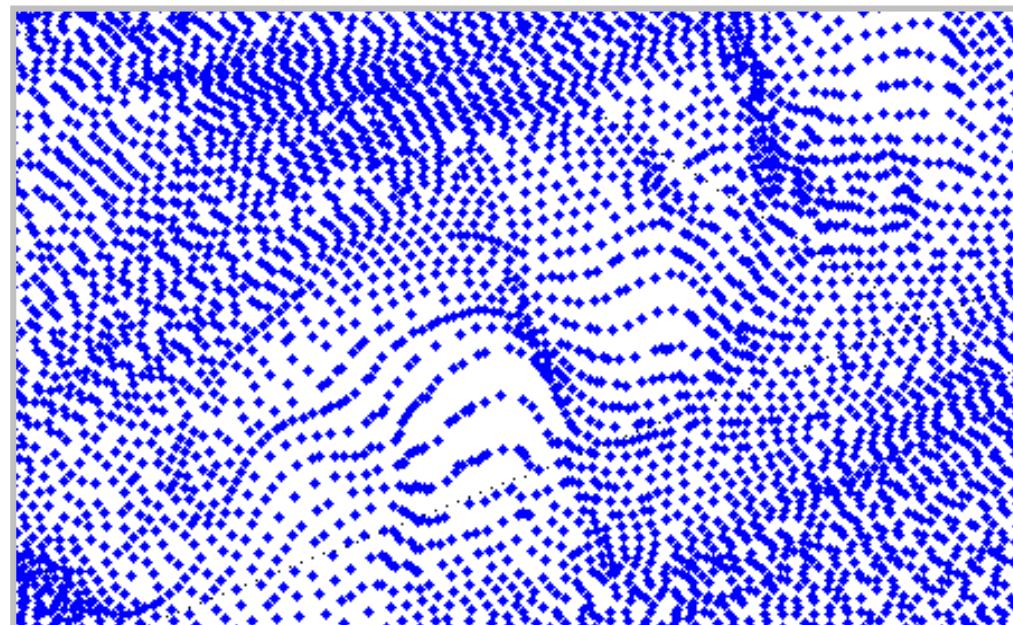
- 1) Metoda uniformnog semplovanja (ili faktorna metoda)
- 2) Metoda prostornog semplovanja
- 3) Metoda devijacije visine tetive
- 4) Metoda redukcije podataka na osnovu visine
- 5) Metoda redukcije na osnovu nivoa pravosti
- 6) Metoda redukcije tačaka na osnovu krivosti u tačkama
- 7) Metoda redukcije zasnovana na toleranciji promene tangentnosti
- 8) Metoda redukcije na osnovu verovatnoće

# Strukturiranost oblaka tačaka

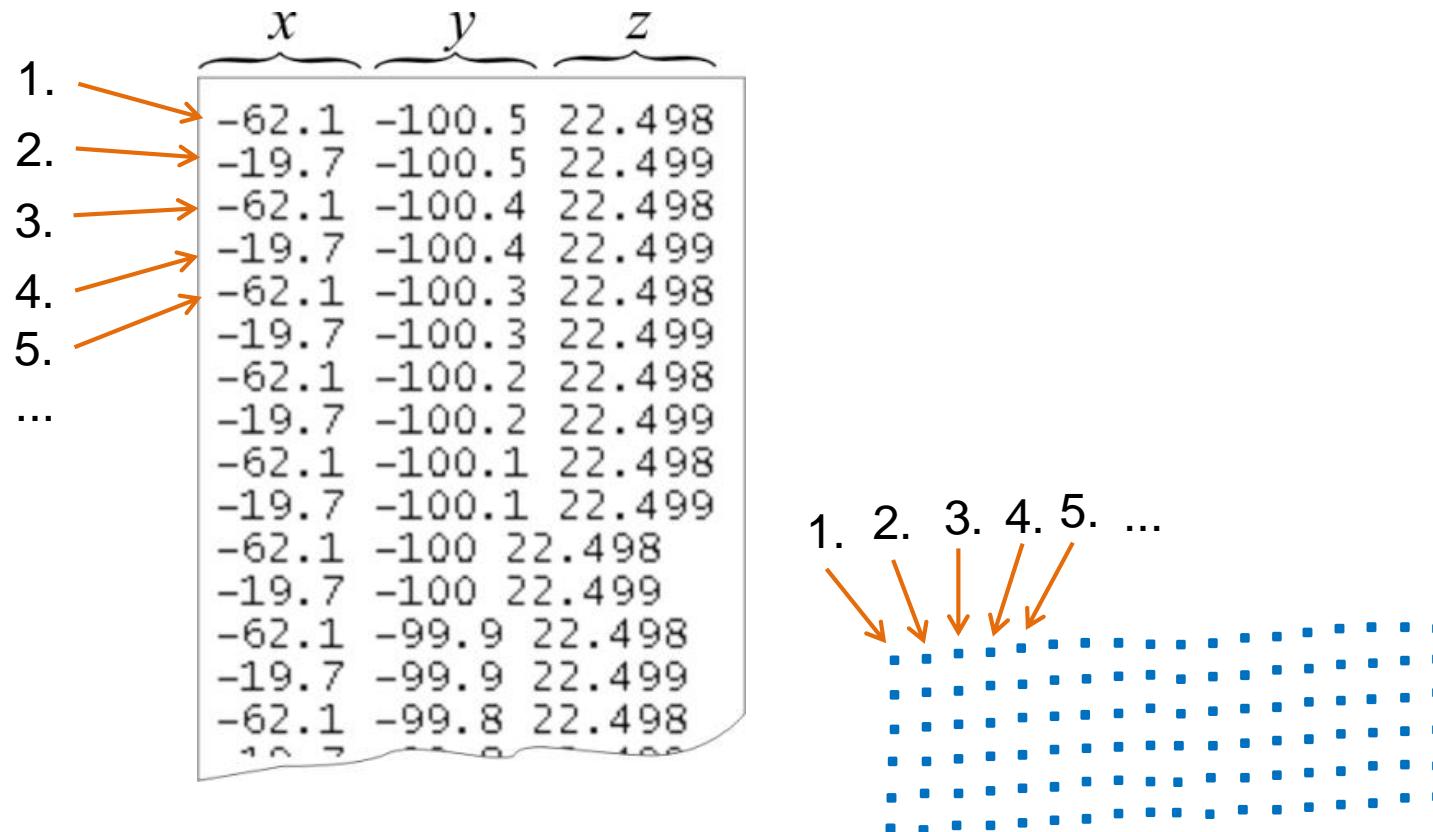
Neophodan uslov za primenu (većine) metoda za redukciju podataka-tačaka semplovanjem je **da oblak tačaka bude strukturiran (uredjen)**.

**Strukturiranost** podrazumeva da su tačke:

- 1) **uređene, u okviru oblaka tačaka, (grupisane) po skeniranim linijama** (paralelnim poprečnim presecima) i
- 2) **uređene u okviru skeniranih linija** (r.br. tačke u datoteci odgovara poziciji u okviru skenirane linije).



## Datoteka u TXT formatu zapisa sa uređenim oblakom tačaka



## Datoteka u IBL formatu zapisa sa uređenim oblakom tačaka

IBL format je razvijen od strane PTC-a za potrebe Pro/SCAN-TOOLS modula.

Struktura datoteke IBL formata je složenija od prethodne, a čine je sledeće celine:

- 1) Zaglavje datoteke,
- 2) Identifikacija sekcija
- 3) Identifikacija poprečnih-presečnih krivih i
- 4) Koordinate ( $x, y, z$ ) tačaka numerisane u okviru pojedinačnih krivih.

<i>zaglavje datoteke</i>
<i>redni broj krive</i>
open Index ArcLength
Begin section ! 1
Begin curve ! 1
1 23. 28. 5.998
2 24.983 28. 5.998
3 26.967 28. 5.998
4 28.95 28. 5.998
5 30.933 28. 5.998
6 32.917 28. 5.998
7 34.9 28. 5.998
8 36.883 28. 5.998
9 38.867 28. 5.998
10 40.85 28. 5.998
11 42.833 28. 5.998
12 44.817 28. 5.998
13 46.8 28. 5.999
14 48.783 28. 5.999
15 50.767 28. 5.999
16 52.75 28. 5.999
17 54.733 28. 5.999

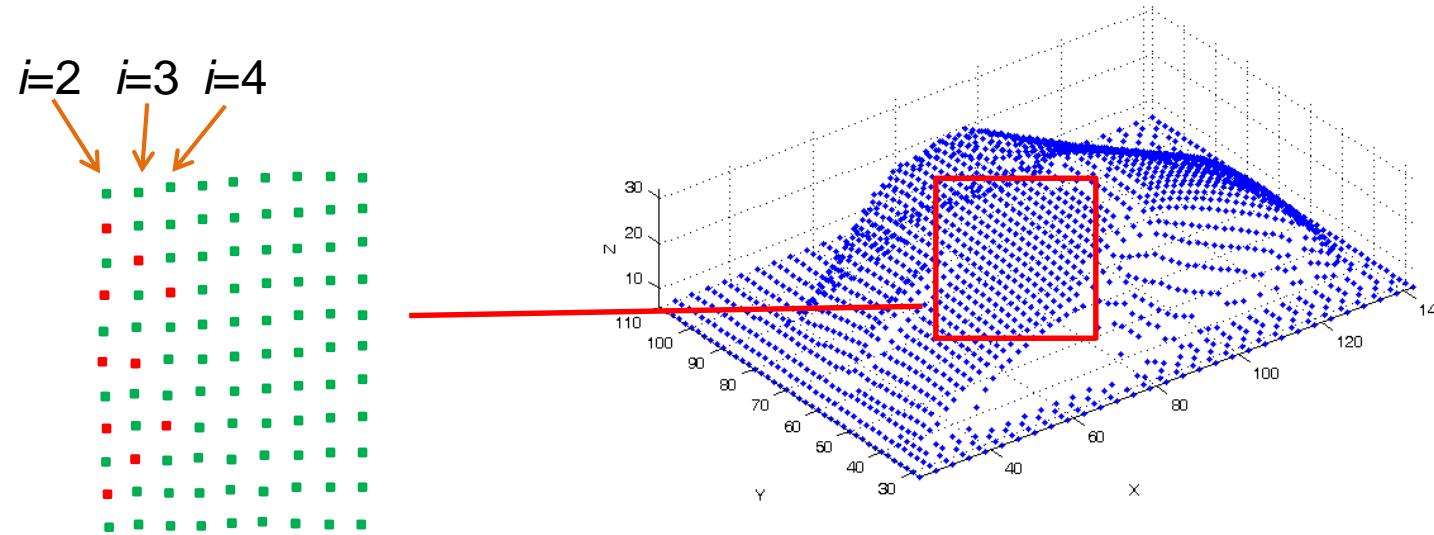
*redni broj tačke u okviru krive*

*x*      *y*      *z*

# Metoda uniformnog (faktornog) semplovanja

Najjednostavnija metoda primenom koje se redukuje broj tačaka u nizu podataka na osnovu faktora semplovanja ili redukcionog faktora, kako se još naziva, zbog čega je ova metoda poznata i kao faktorna metoda.

Primenom ove metode iz oblaka tačaka se sempuluje (odabira) svaka  $i$ -ta tačka, gde je  $i$  faktor semplovanja.



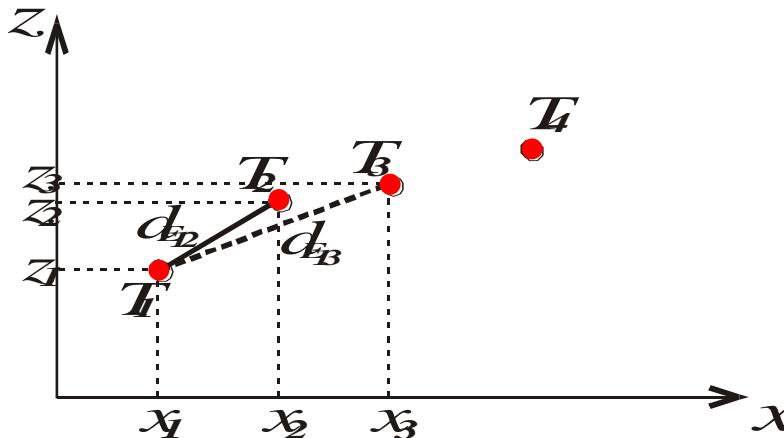
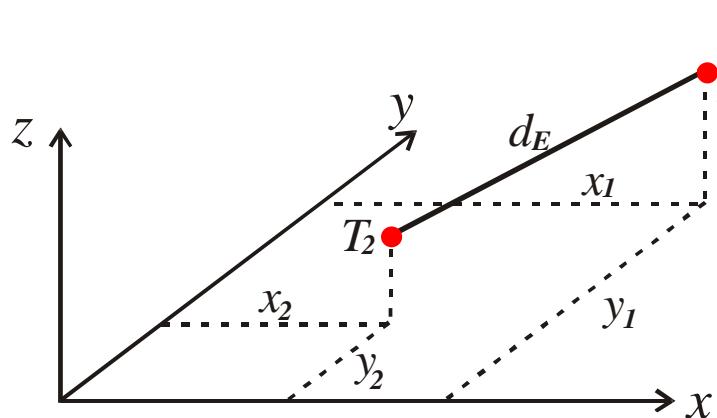
Razvojem sofisticiranih metoda, uniformno semplovanje se sve češće primenjuje kao pred-redukcija u slučajevima objekata manje geometrijske složenosti i огромнog broja tačaka.

# Metoda prostornog (eng. spatial ili space) semplovanja

Metoda zasnovana na dozvoljenoj prostornoj vrednosti –  $d$ , koja se poredi sa rastojanjem između susednih tačaka koje se određuje preko euklidske norme (rastojanja).

Euklidsko rastojanje  $d_E$  između dve tačke:  $T_1=(x_1,y_1,z_1)$  i  $T_2=(x_2,y_2,z_2)$ , u trodimenzionalnom prostoru  $R^3$ , se definiše kao:

$$d_E = \sqrt{(x_1 - x_2)^2 + (y_1 - y_2)^2 + (z_1 - z_2)^2}$$



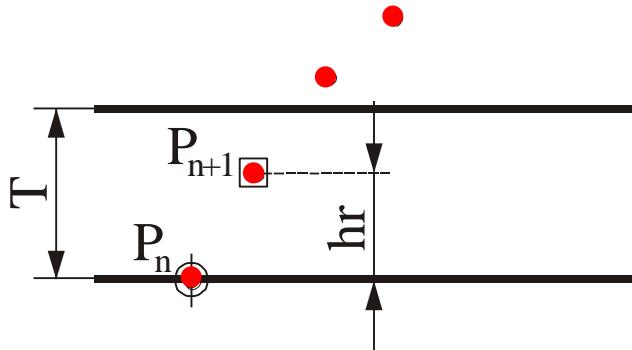
# Metoda redukovana podataka na osnovu visine

**Kriterijum** za odlučivanje o važnosti tačke za rekonstrukciju površine, kod metode redukovana podataka na osnovu visine (eng. height decision) je **zasnovan na razlici visina dveju skeniranih tačaka**.

Vrednost maksimalno dozvoljene visine  $T$ - parametra za odlučivanje definije se na osnovu visine skeniranog objekta -  $H$ .

U cilju izbegavanja gubitaka na rezoluciji, preporuka je da maksimalna vrednost visine za odlučivanje bude **0,15 %** od **visine objekta**:

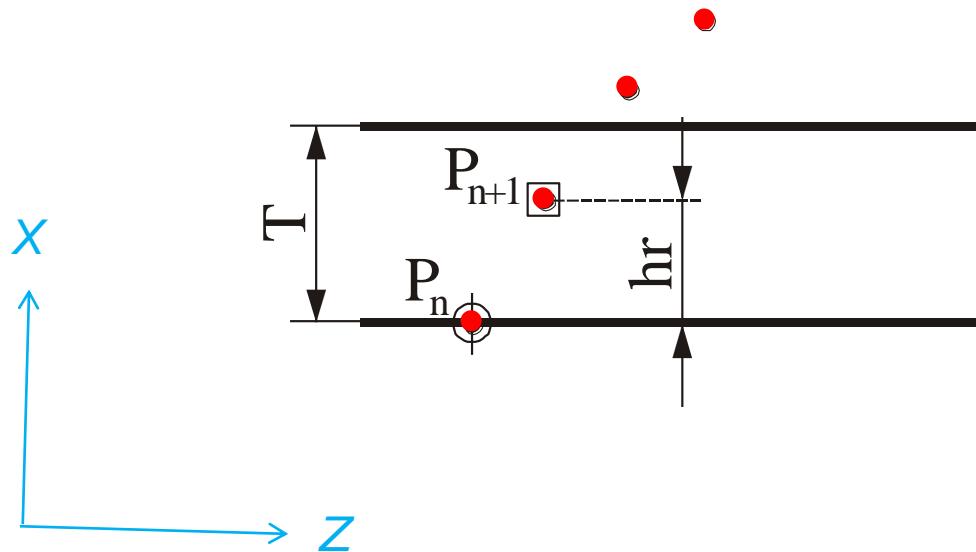
$$T=0,0015 \cdot H$$



## Procedura:

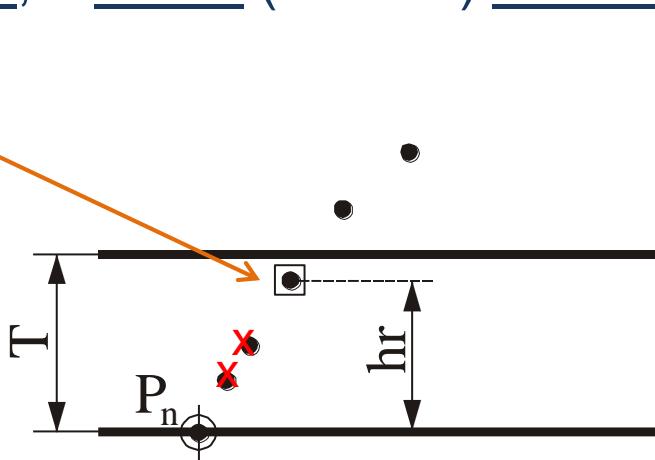
- Prva skenirana tačka se proglašava za prvu referentnu tačku  $P_0$ ;
- Tačka za koju je tokom ciklusa ispitivanja donešena odluka da se zadržava, postaje referentna tačka narednog ciklusa;
- Ako je  $P_n(x_n, z_n)$  referentna tačka ispitivane krive koja sadrži  $m$  skeniranih tačaka, a  $P_{n+1}(x_{n+1}, z_{n+1})$   $r$ -ta tačka koja sledi tačku  $P_n$  na skeniranoj krivoj, tada je razlika u visini ove dve tačke, po  $x$ -osi:

$$h_r = x_n - x_{n+1}$$



Na osnovu relacija između  $h_r$  i  $T$ , primenjuje se sledeći redukcioni kriterijum, pri čemu se prva tačka  $S_1$  i krajnja tačka  $S_m$  svake skenirane krive zadržavaju u cilju održanja graničnih podataka skeniranog modela:

- ukoliko se **u opsegu odlučivanja nalazi samo jedna tačka** ista se zadržava;
- ukoliko opseg odlučivanja sadrži više tačaka, tačka najbliža graničnoj visini se zadržava, a ostale (između) se eliminisu.



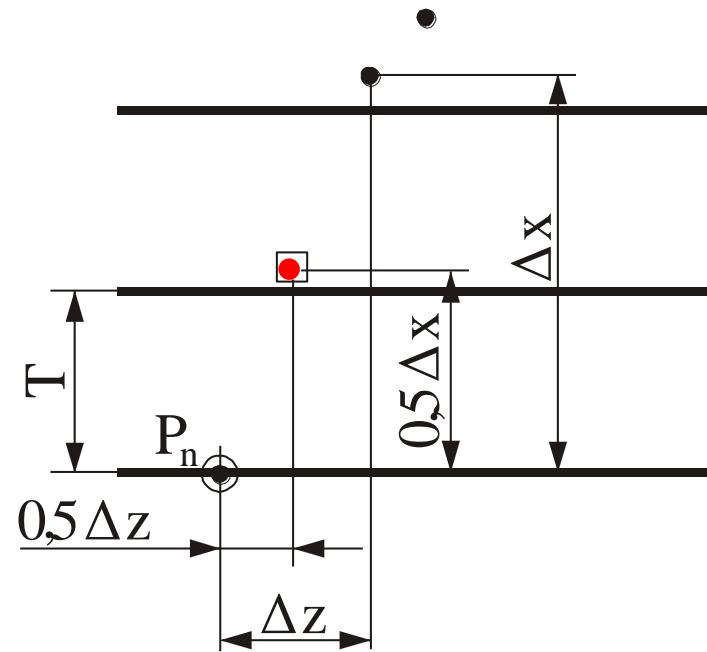
- U slučaju da u opsegu odlučivanja nema nijedne tačke, to implicira da je promena krivosti u tom opsegu (području) vrlo ograničena i ne zahteva kontrolnu tačku za rekonstrukciju površine;
- U slučaju da u dva uzastopna opsega nema nijedne tačke, primenjuje se metoda interpolacije na trenutnu referentnu tačku i tačku najbližu granici odlučivanja, a sve u cilju generisanja nove tačke, koja se postaje referentna tačka  $P_{n+1}$  u sledećem ciklusu ispitivanja:

$$P_{n+1} (x_{n+1}, z_{n+1}) = (x_n + 0,5\Delta x, z_n + 0,5\Delta z)$$

$$\Delta x = x_r - x_n$$

$$\Delta z = z_r - z_n$$

gde su  $\Delta z$  i  $\Delta x$  rastojanja između referentne tačke i ispitivane tačke po  $z$ -osi, odnosno  $x$ -osi, respektivno.



# Metoda devijacije visine tetive

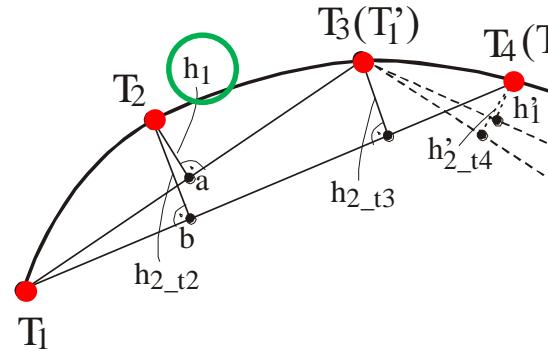
Koncept ove popularne metode (koju su razvili D. F. Rogers i J. A. Adams), se zasniva na semplovanju tačaka na osnovu dužine tetive.

Kao **kriterijum** za donošenje odluke koju tačku zadržati, koristi se **visina tetive (h)** između kontinualnih tačaka.

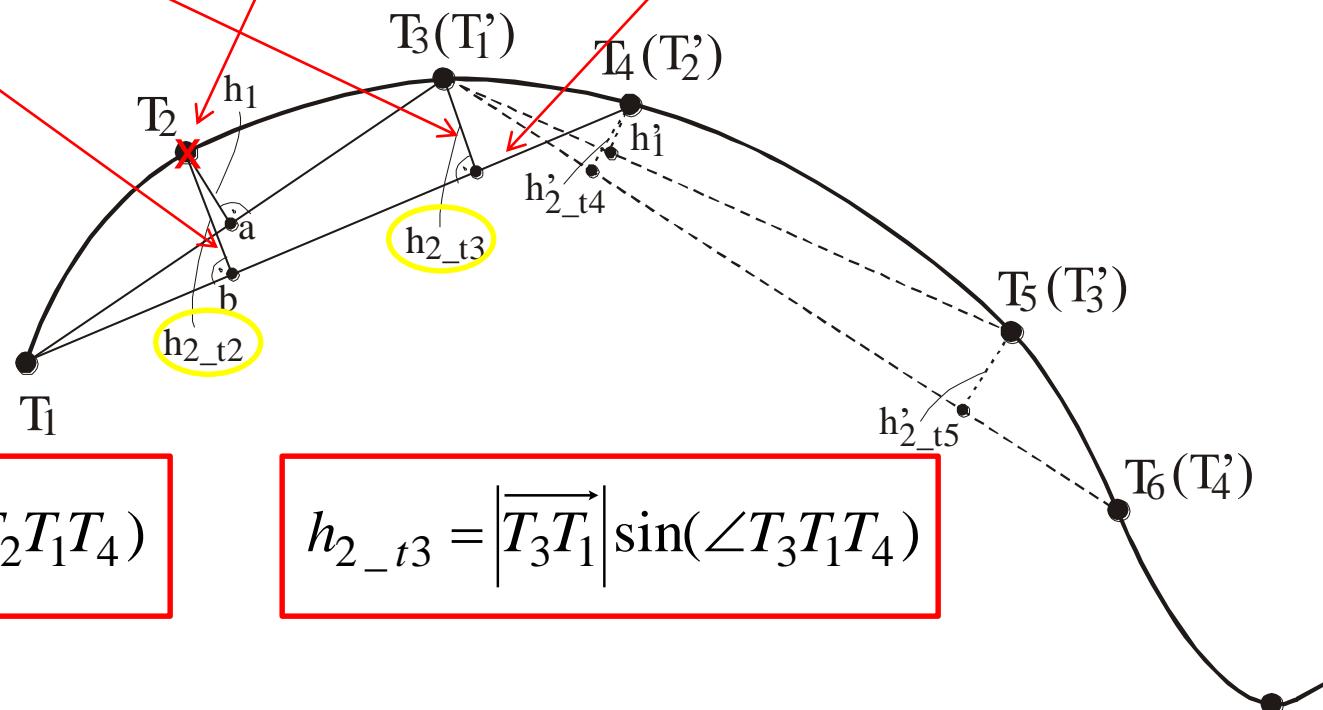
**Procedura:** Najpre se definiše visina tetive za donošenje odluke  $h_r$ , i označi se prva skenirana tačka ( $T_1$ ) kao referentna tačka skenirane krive.

Zatim se povezuju referentna tačka i treća skenirana tačka ( $T_3$ ) tako da formiraju pravu liniju i izračunava se najmanje rastojanje  $h_1$  druge skenirane tačke od prethodno kreirane prave (duži  $T_1T_3$ ):

$$h_1 = \left| \overrightarrow{T_2 T_1} \right| \sin(\angle T_2 T_1 T_3)$$

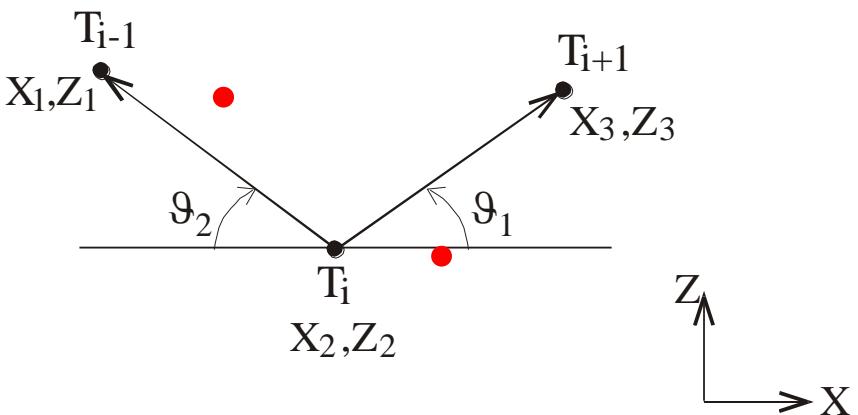


- Ukoliko je rastojanje veće od visine tetine:  $h_1 > h_r$ , druga skenirana tačka se **zadržava**, označava kao kontrolna tačka krive i selektuje se kao referentna tačka za sledeći ciklus odlučivanja.
- Ukoliko je pak  $h_1 < h_r$ , druga tačka se **eliminiše**, a kreira se nova tetiva između referentne tačke i tačke  $T_4$  i izračunava se visina tetine u drugoj i trećoj skeniranoj tački ( $h_{2\_t2}$  i  $h_{2\_t3}$ ).
- Ukoliko je  $h_{2\_t2} > h_r$  ili  $h_{2\_t3} > h_r$  tada se treća skenirana tačka  $T_3$  selektuje kao kontrolna tačka.



# Metoda redukovanja na osnovu nivoa pravosti

Kod ove metode analizirana tačka se **eliminiše** ukoliko **ista sa dve susedne tačke može da formira "pravu" liniju**, pri čemu korisnik definiše željeni nivo pravosti u skladu sa potrebnim nivoom preciznosti u rekonstruisanju površine.



$$\theta_1 = \tan^{-1}\left(\frac{Z_3 - Z_2}{|X_3 - X_2|}\right)$$

$$\Phi = |\theta_1 + \theta_2|$$

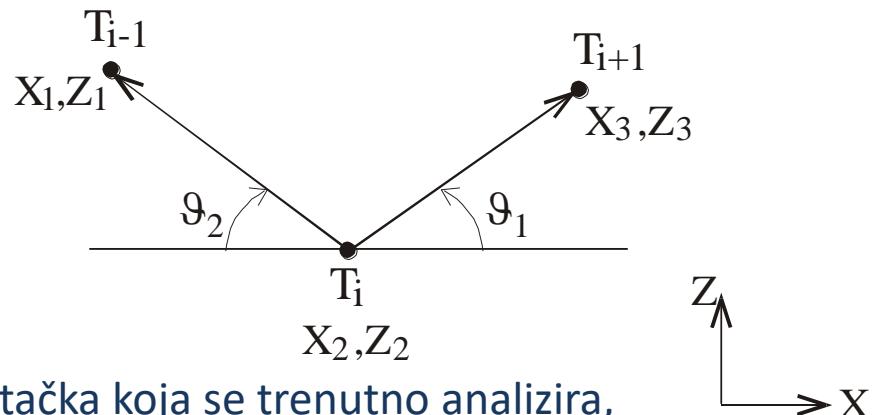
$$\theta_2 = \tan^{-1}\left(\frac{Z_1 - Z_2}{|X_1 - X_2|}\right)$$

$T_{i+1}$  - tačka koja se trenutno analizira,  
 $T_i$  - tačka analizirana u prethodnom ciklusu,  
 $T_{i-1}$  - tačka koja prethodi u listi snimljenih podataka o merenoj krivoj,  
 $\Phi$  – ugao koji opisuje u kom nivou  $T_i$  može da reprezentuje karakteristiku izmerene krive.

## Kriterijumi:

- Veće  $\Phi \Rightarrow$  veće promene u nagibu između  $T_i$  i dve susedne tačke;
- $\Phi$  dovoljno veliko (veće od željenog nivoa pravosti)  $\Rightarrow T_i$  se zadržava kao karakteristična tačka skenirane krive;
- $\Phi$  dovoljno malo (manje od željenog nivoa pravosti)  $\Rightarrow T_i$  se eliminise;

- **Dodatni uslov redukcije:**  $T_a$  poslednja eliminisana tačka, a  $\Psi$  dovoljno veliko (veće od željenog nivoa pravosti)  $\Rightarrow T_i$  se zadržava.
- $\Phi$  ili  $\Psi$  veći od željenog nivoa pravosti  $\Rightarrow T_i$  se zadržava kao karakteristična, a tačke  $T_i$  i  $T_{i+1}$  iz prethodnog ciklusa odlučivanja u novom ciklusu postaju  $T_{i-1}$ , odnosno  $T_i$ , respektivno.
- $\Phi$  i  $\Psi$  manji od željenog nivoa pravosti  $\Rightarrow T_i$  se eliminiše, a  $T_{i+1}$  iz prethodnog ciklusa odlučivanja, u novom ciklusu postaje  $T_i$ .



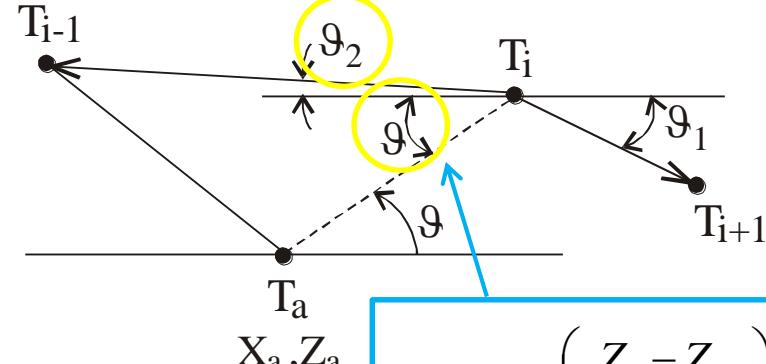
$T_{i+1}$  - tačka koja se trenutno analizira,  
 $T_i$  - tačka analizirana u prethodnom ciklusu,

$T_{i-1}$  - tačka koja prethodi u listi snimljenih podataka o merenoj krivoj,

$T_a$  - tačka koja je eliminisana u prethodnom koraku izbora,

$\Phi$  i  $\Psi$  – uglovi koji opisuju u kom nivou  $T_i$  može da reprezentuje karakteristiku izmerene krive.

$$\Psi = |\theta + \theta_2|$$

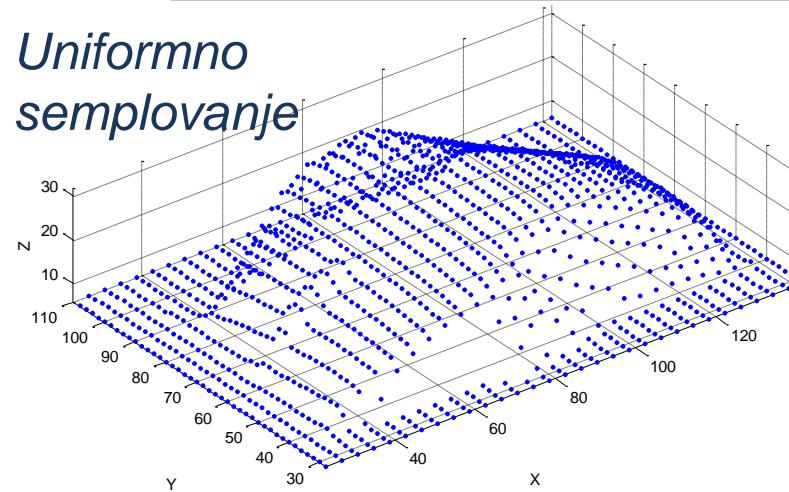


$$\theta = \tan^{-1} \left( \frac{Z_1 - Z_a}{|X_1 - X_a|} \right)$$

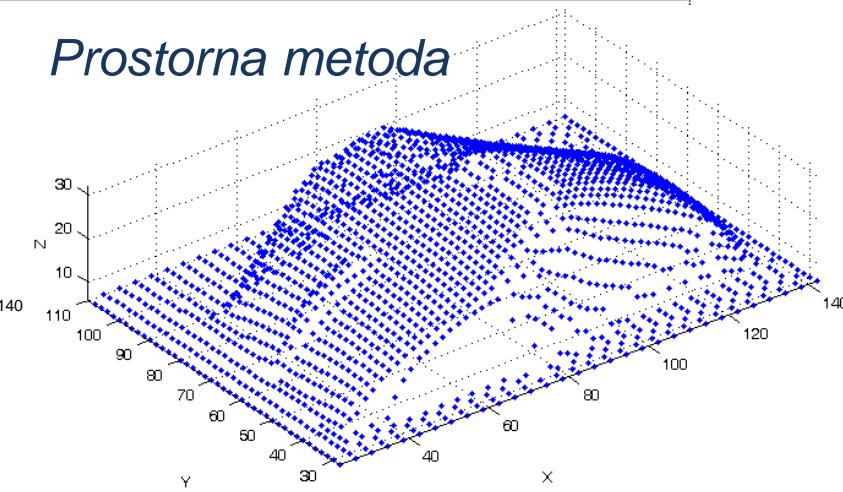
# Preprocesiranje podataka

Metoda redukovanja	Parametar redukovanja	Vrednost parametra	Rezultat redukovanja (broj tačaka)*	
			Skenirana kriva 70	Model miša
Originalni podaci	/	/	63	2563
Uniformno semplovanje	Koeficijent semplovanja	2	31	1302
Prostorna metoda	Prostorno rastojanje	2 [mm]	55	2053
Metoda tetine	Visina tetine	0,015 [mm]	57	1978
Metoda pravosti	Nivo pravosti	2°	41	1678

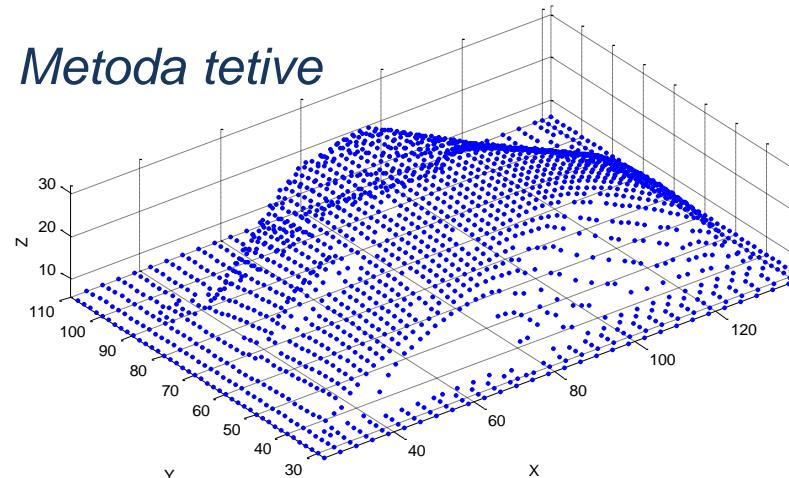
Uniformno semplovanje



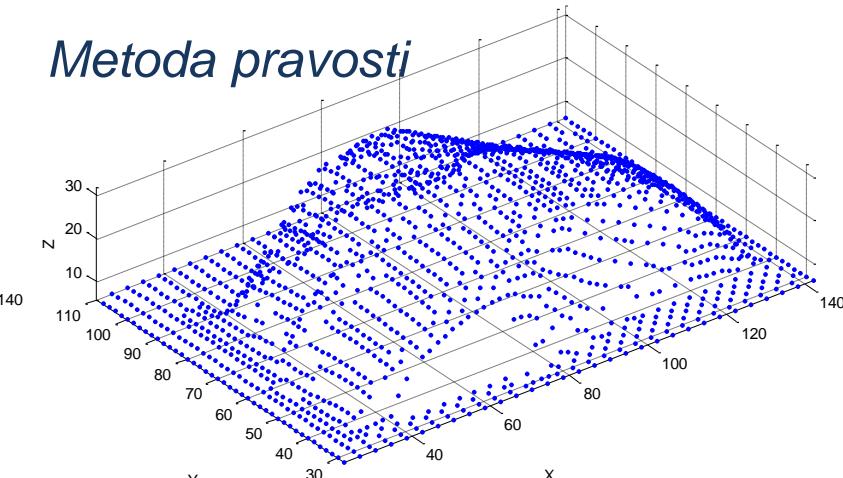
Prostorna metoda



Metoda tetine

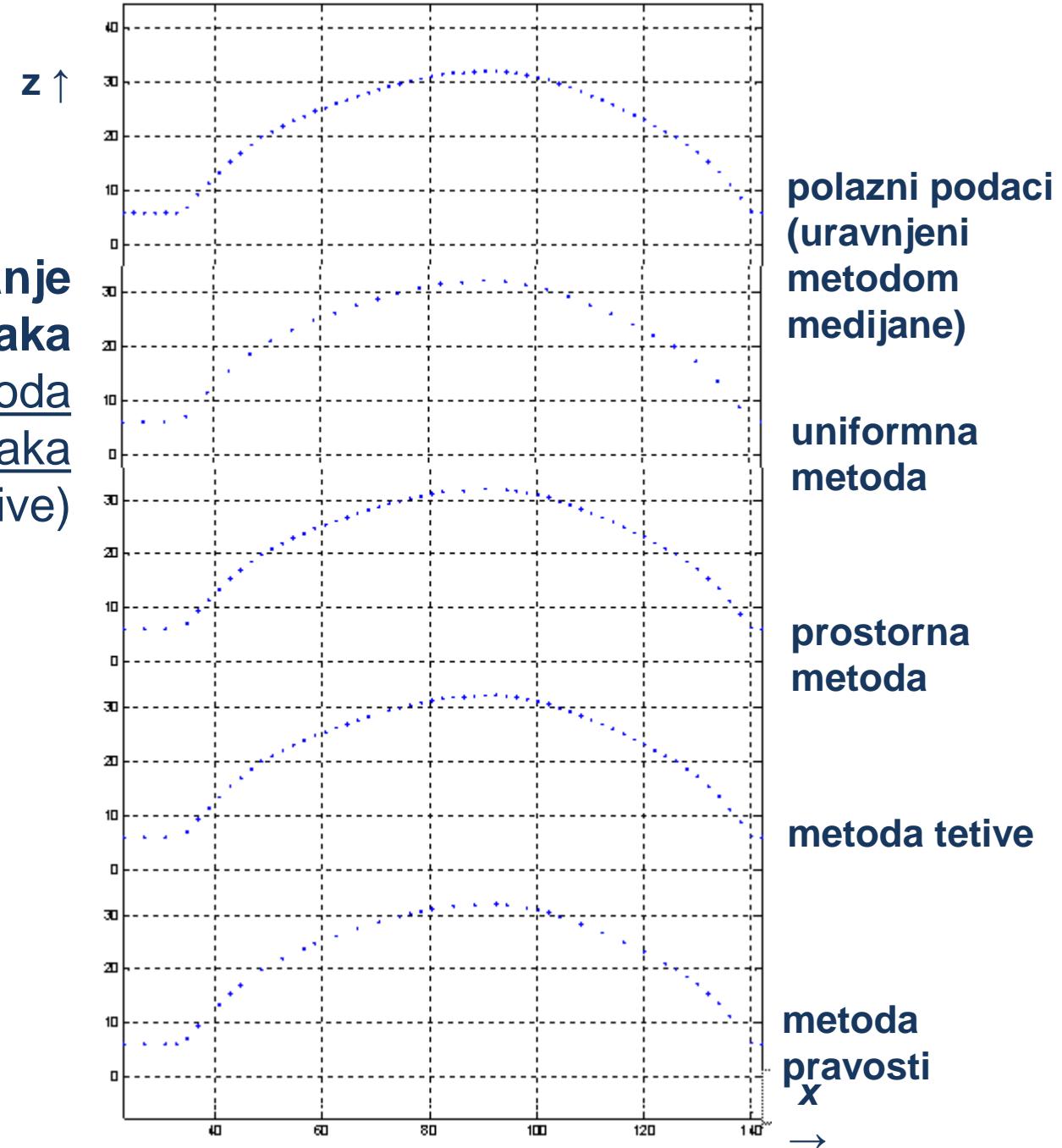


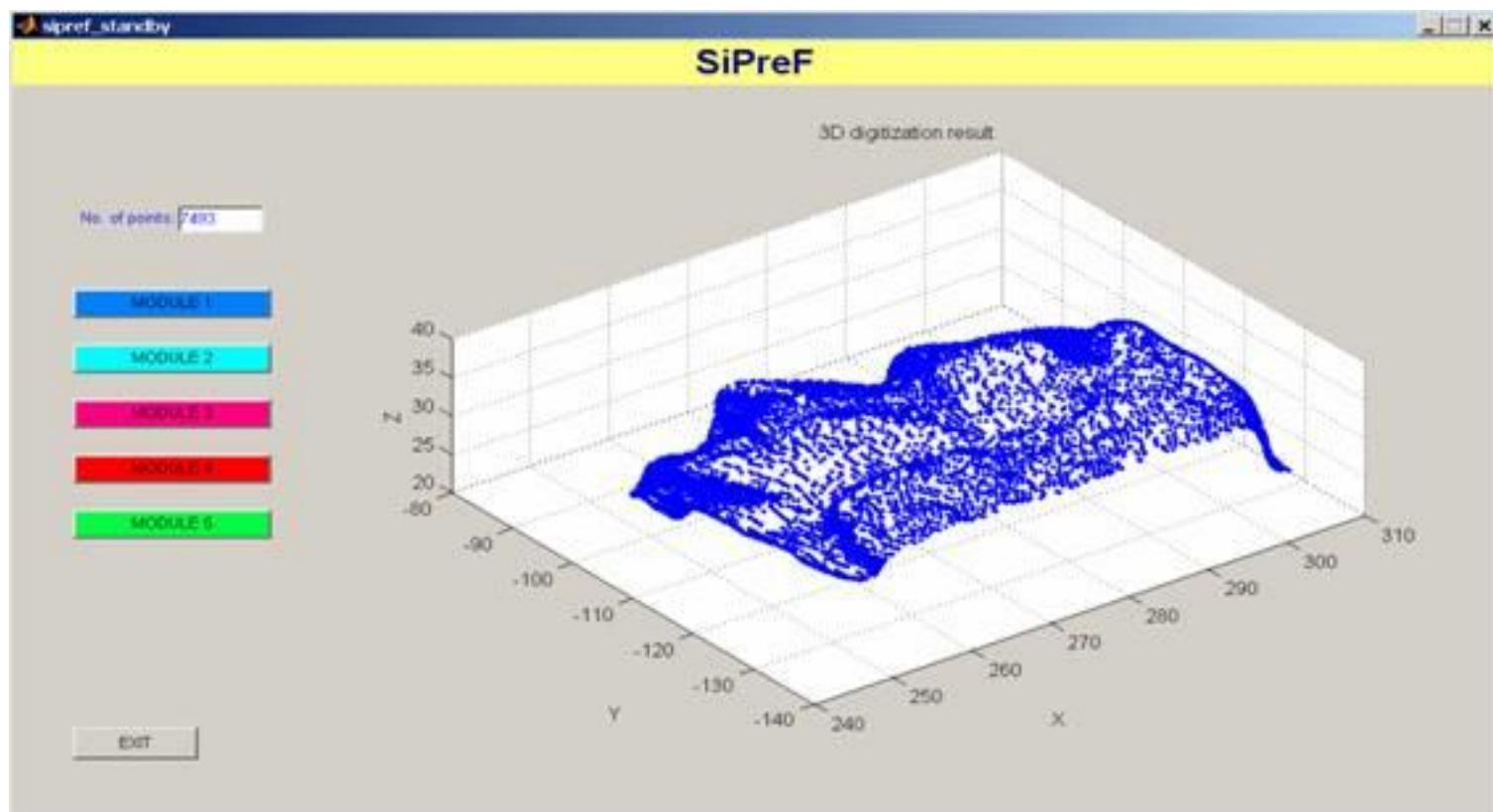
Metoda pravosti

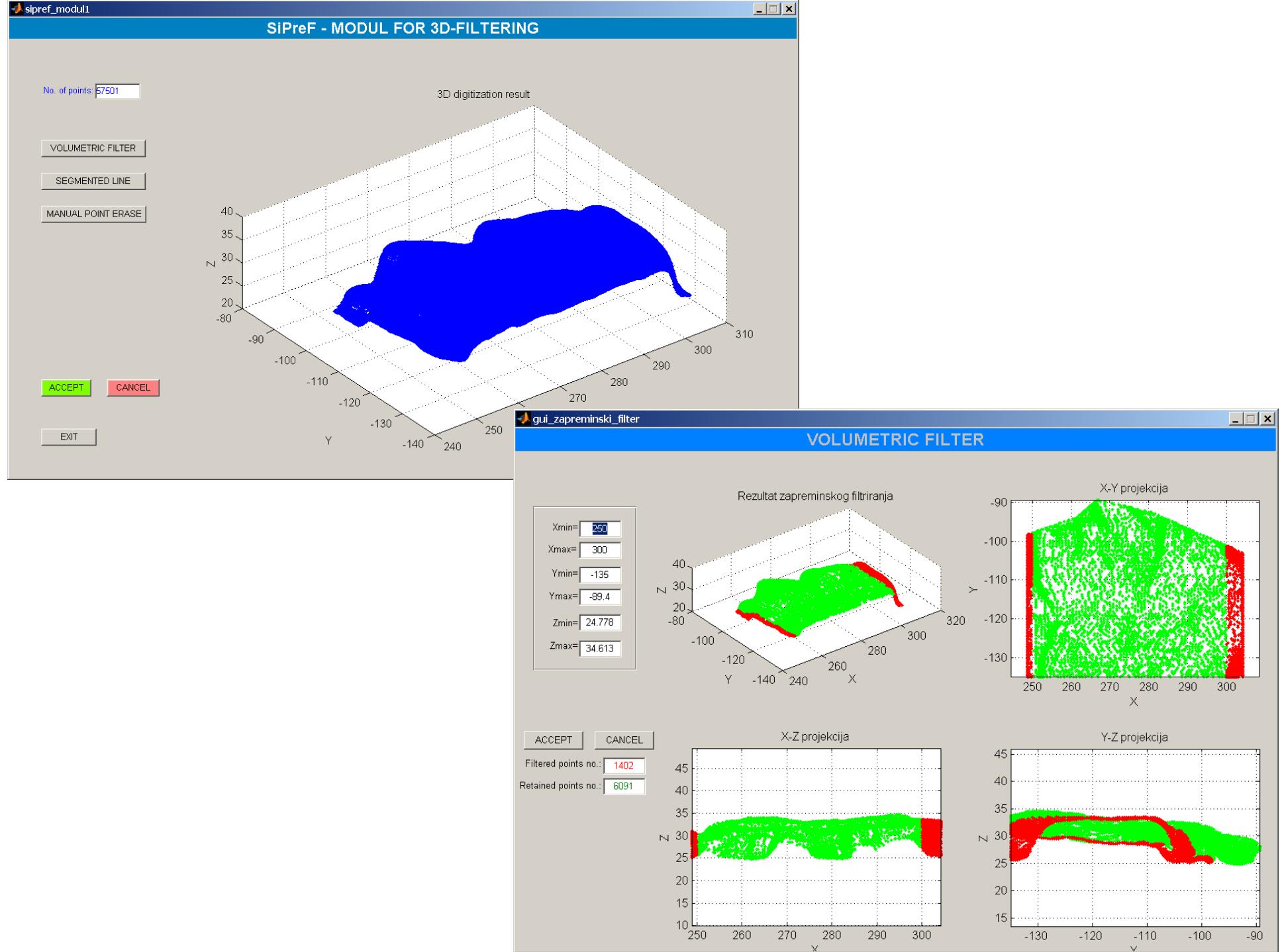


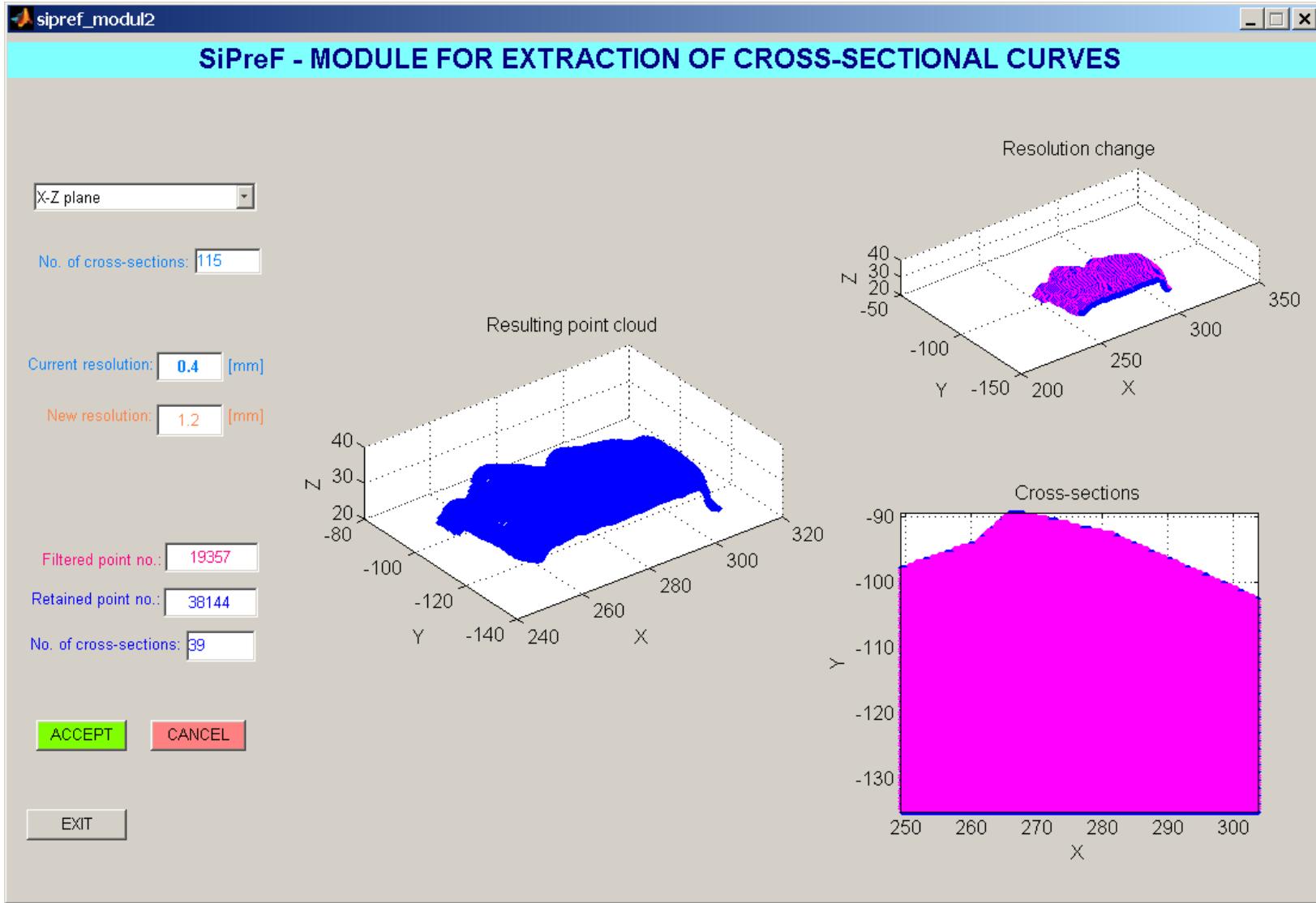
## Preprocesiranje podataka

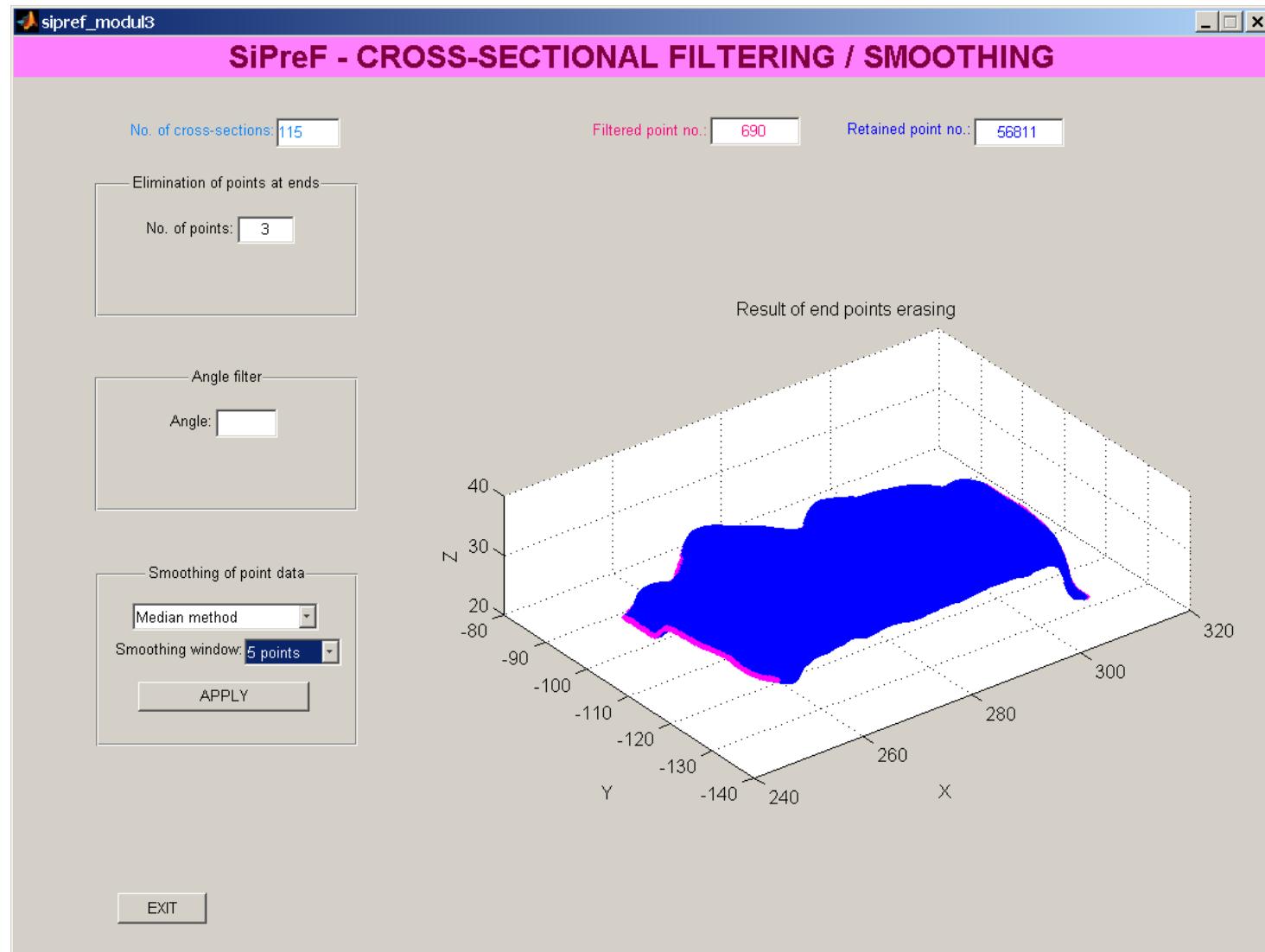
Uporedni prikaz metoda za redukovanje podataka  
(na primeru jedne krive)

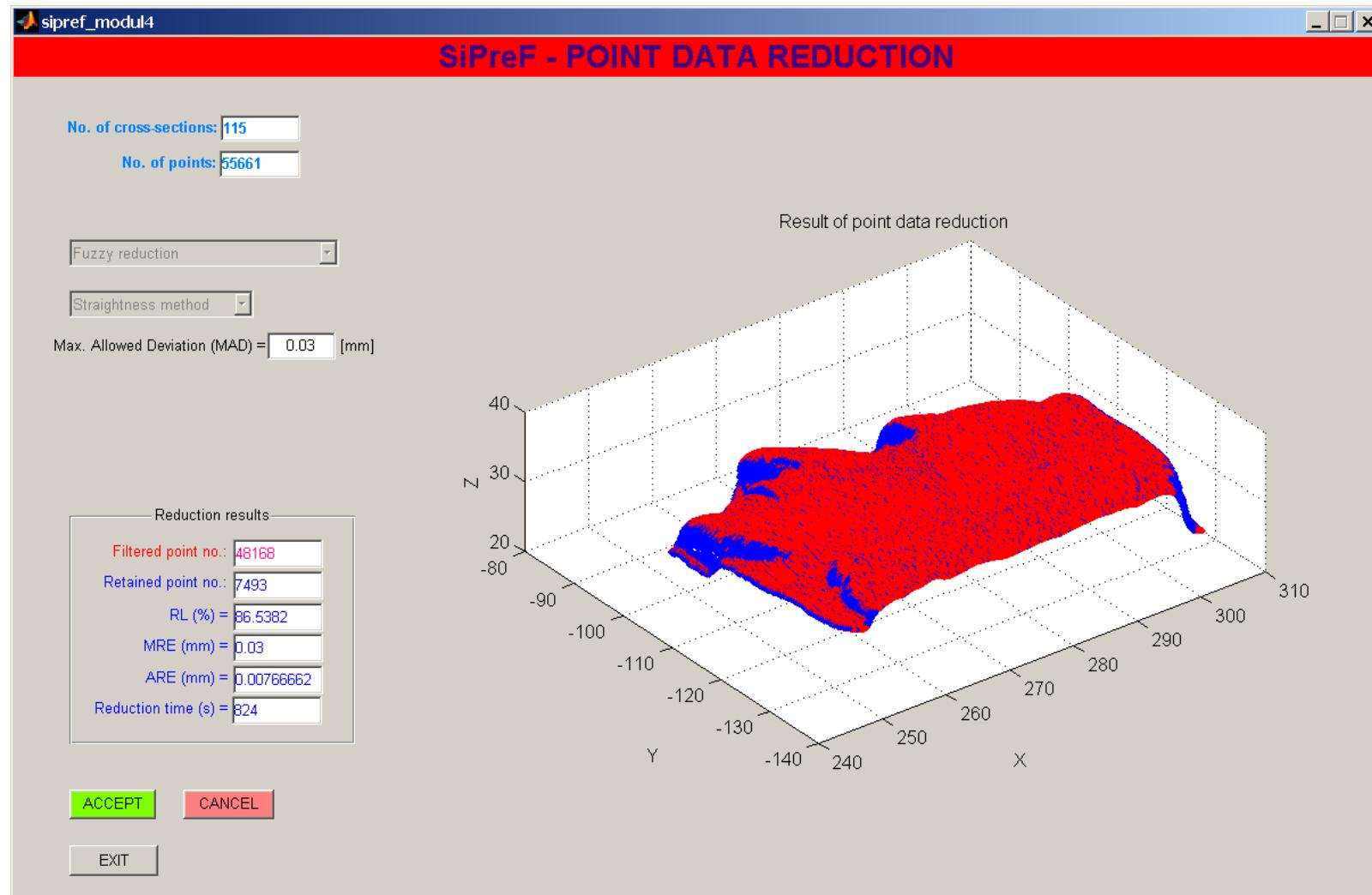


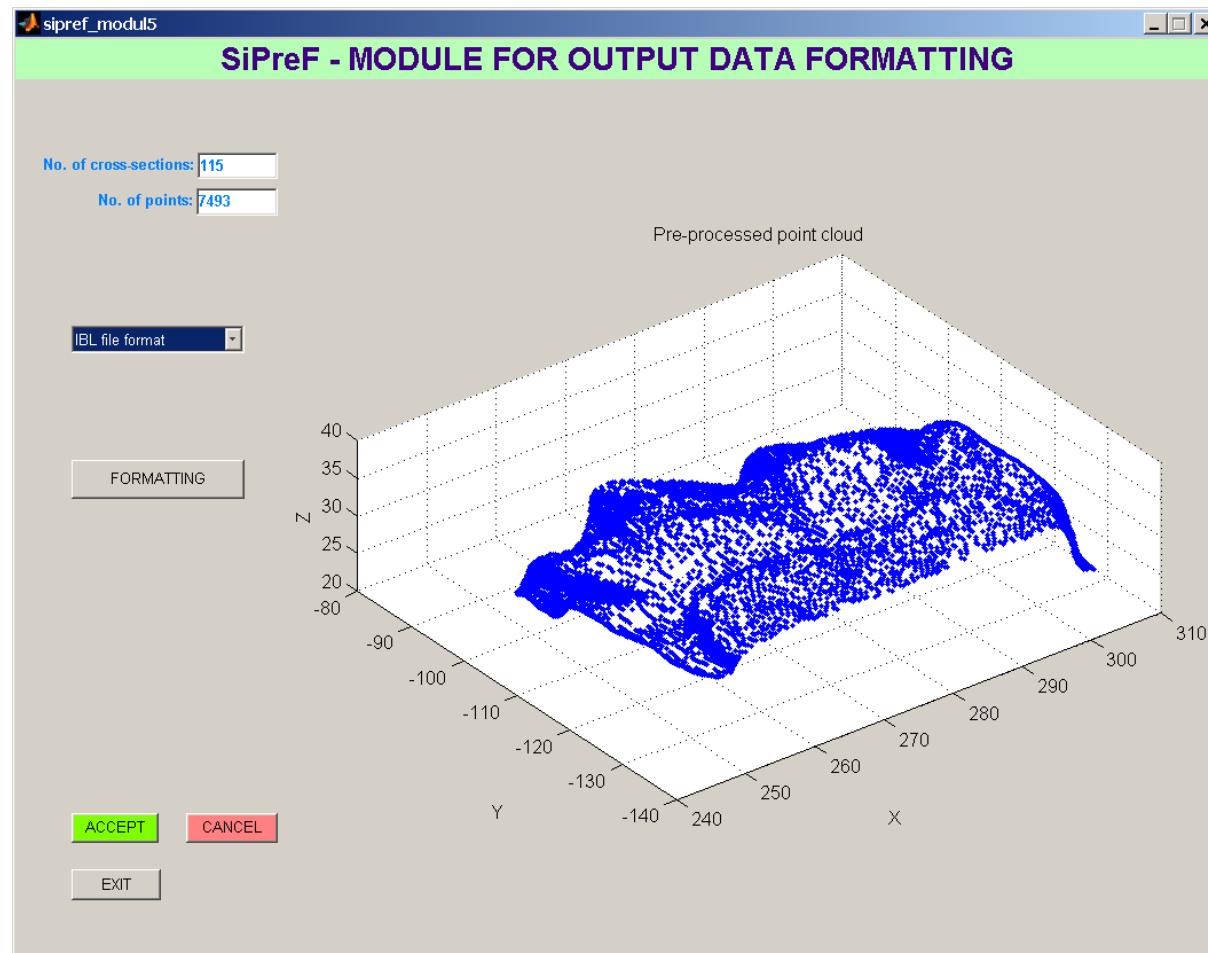




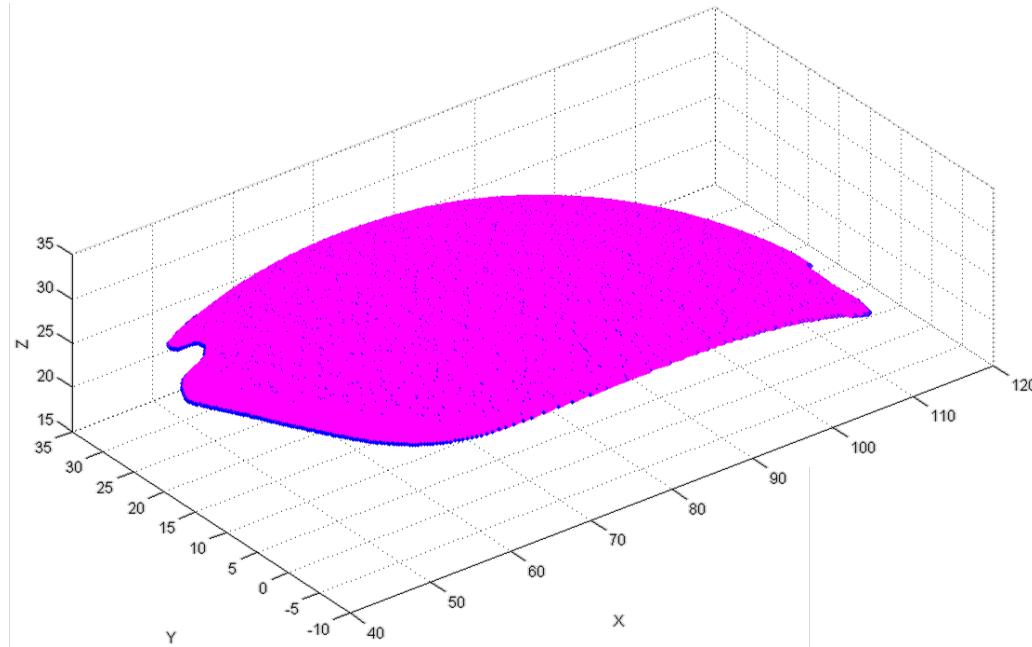




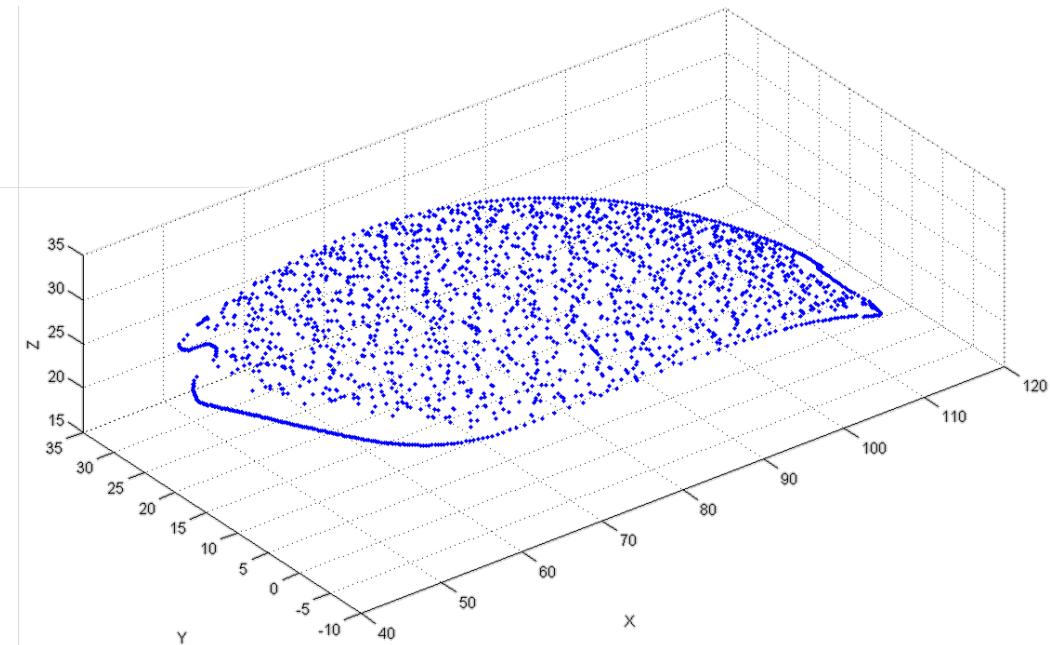




MAD [mm]	ME [mm]	AE [mm]	N <sub>P</sub>	N <sub>EP</sub>	RL [%]	N <sub>R</sub>
0.03	0.02835	0.00265	109,528	107,466	97.82	2,062



- eliminisane tačke
- zadržane tačke





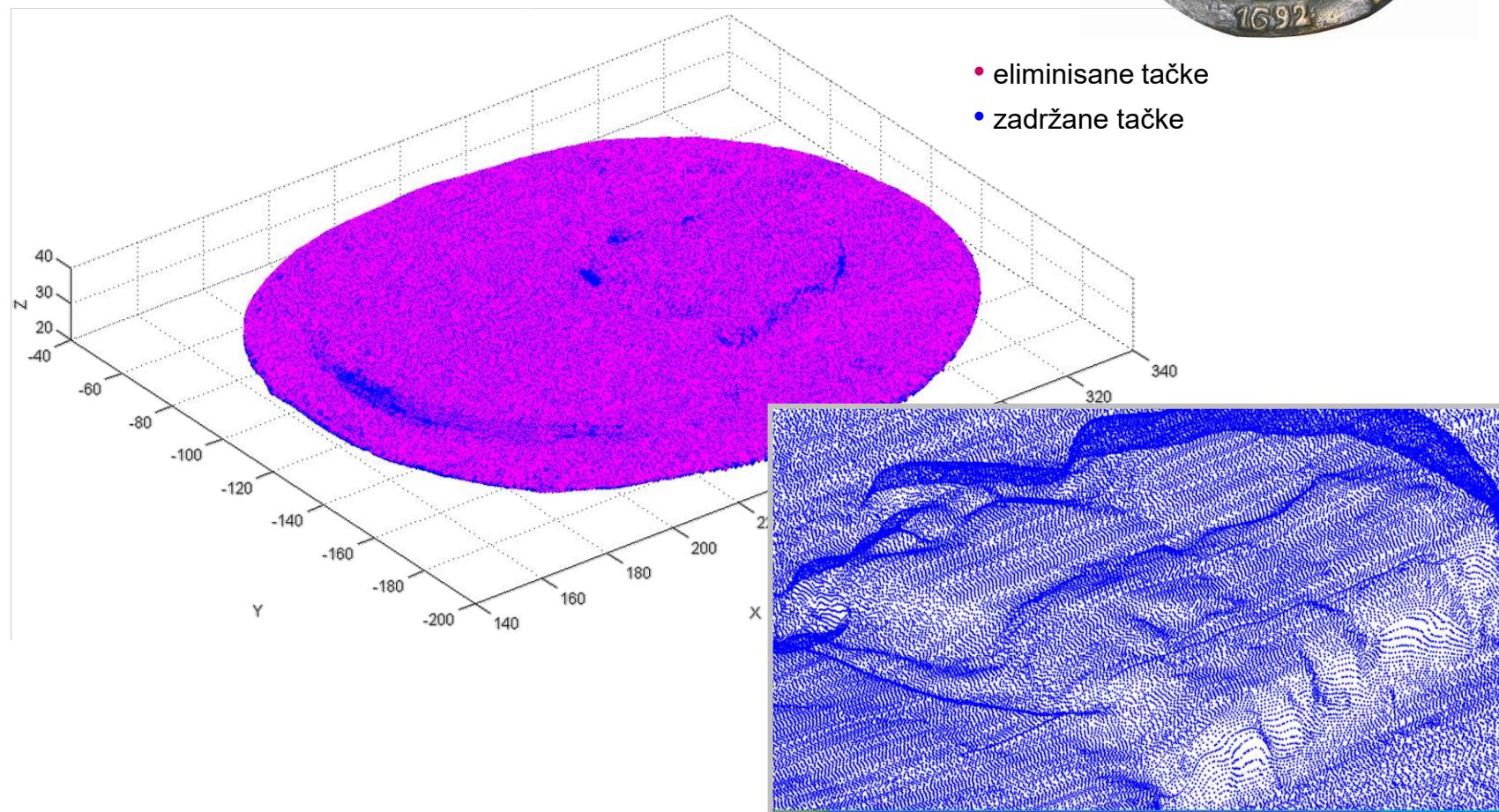
*“original”*



*“redukovaní”*



MAD [mm]	ME [mm]	AE [mm]	N <sub>P</sub>	N <sub>EP</sub>	RL [%]	N <sub>R</sub>
0.03	0.0291158	0.0030631	1117774	869398	77.86	248376





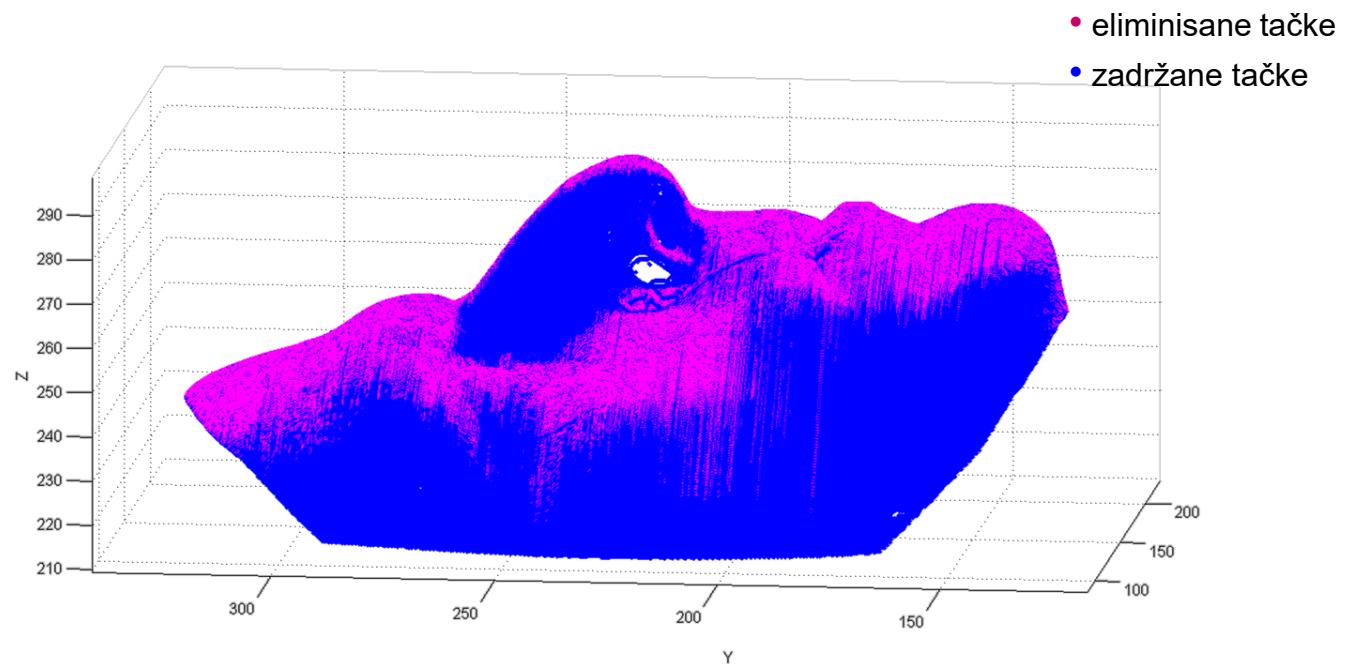
*“Original”*

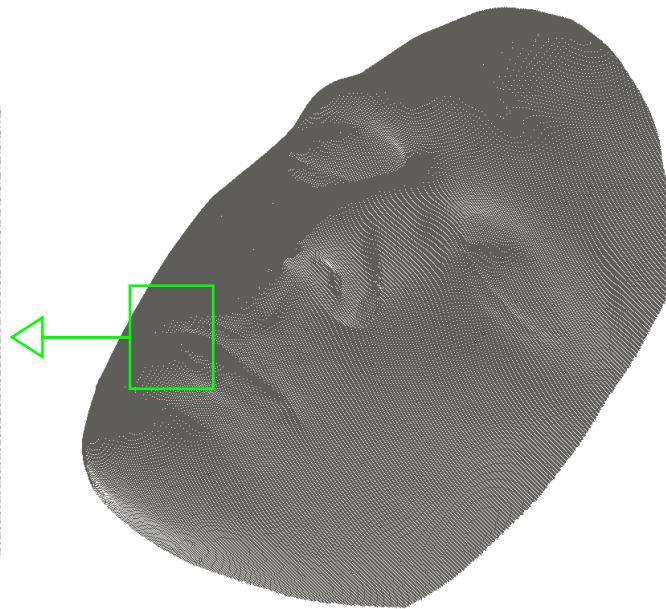
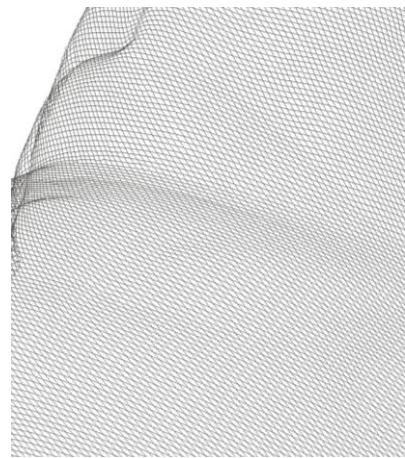


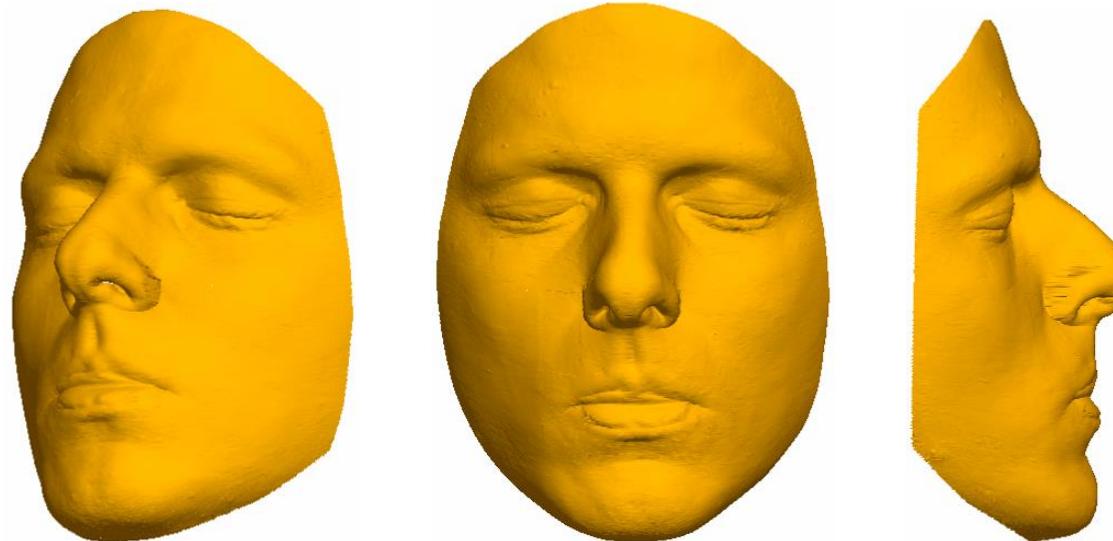
*“Redukovani” model (77.86 %)*



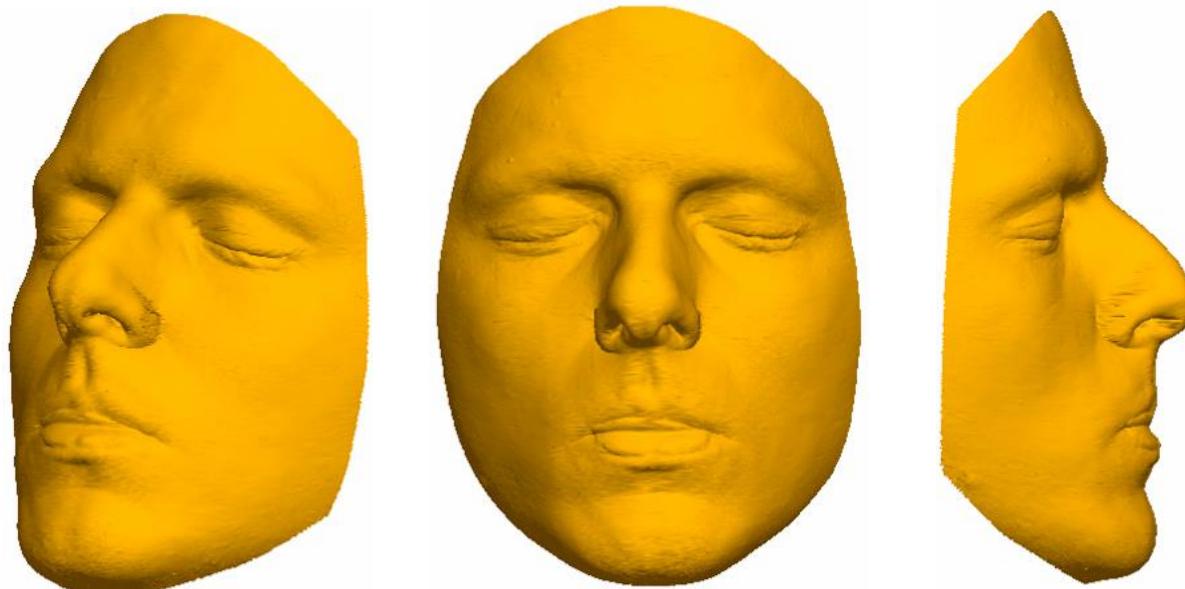
MAD [mm]	ME [mm]	AE [mm]	N <sub>P</sub>	N <sub>EP</sub>	RL [%]	N <sub>R</sub>
0.04	0.03993	0.00491	564612	288801	53.29	275811



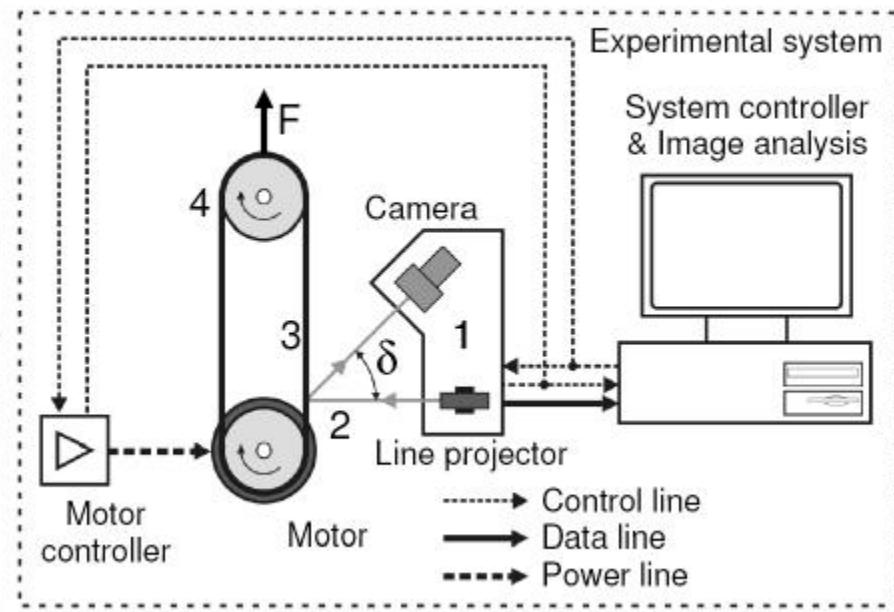
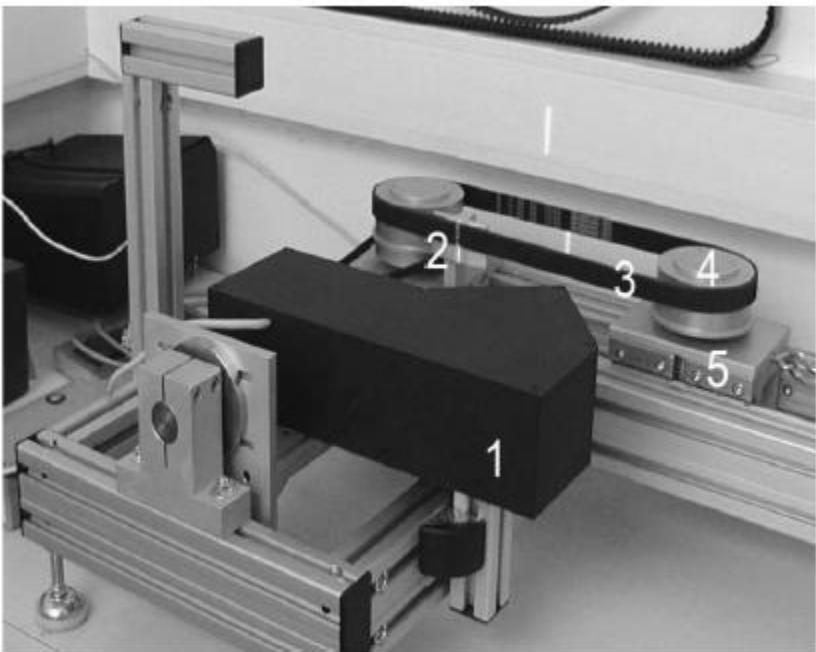
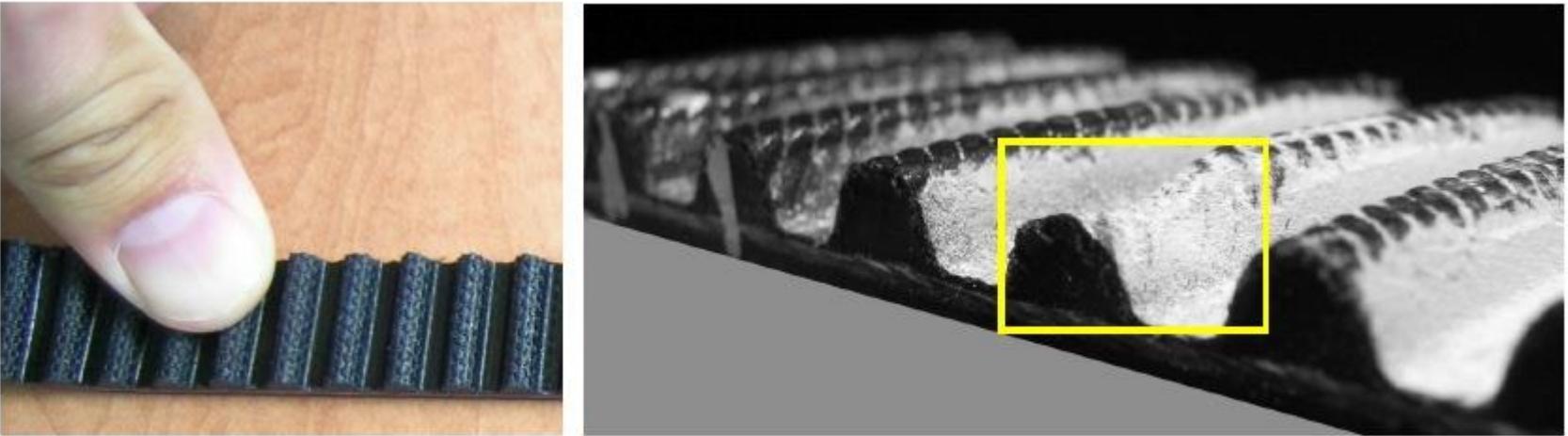




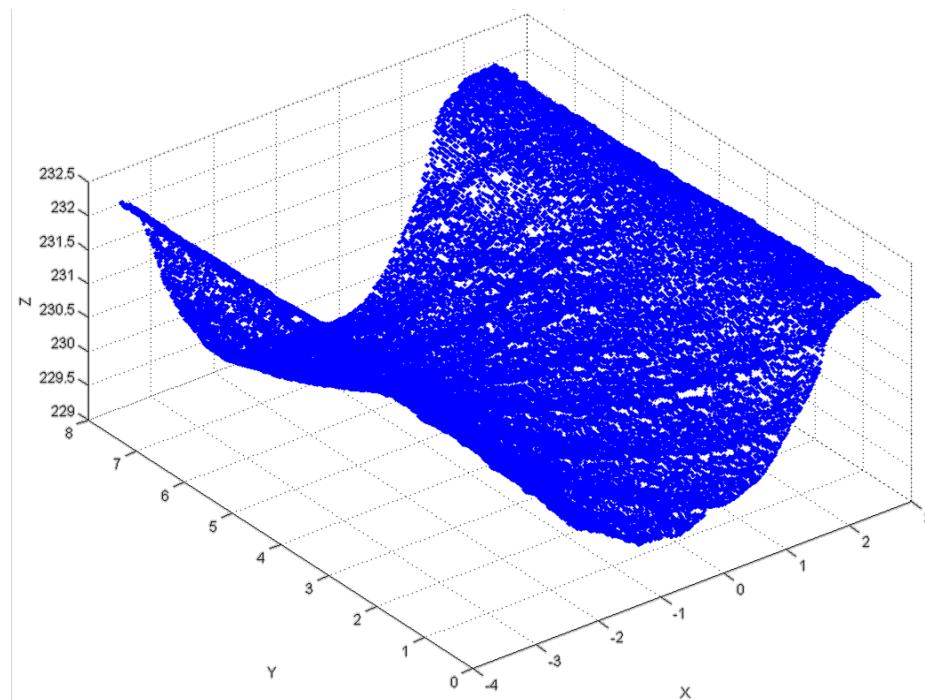
*"original"*

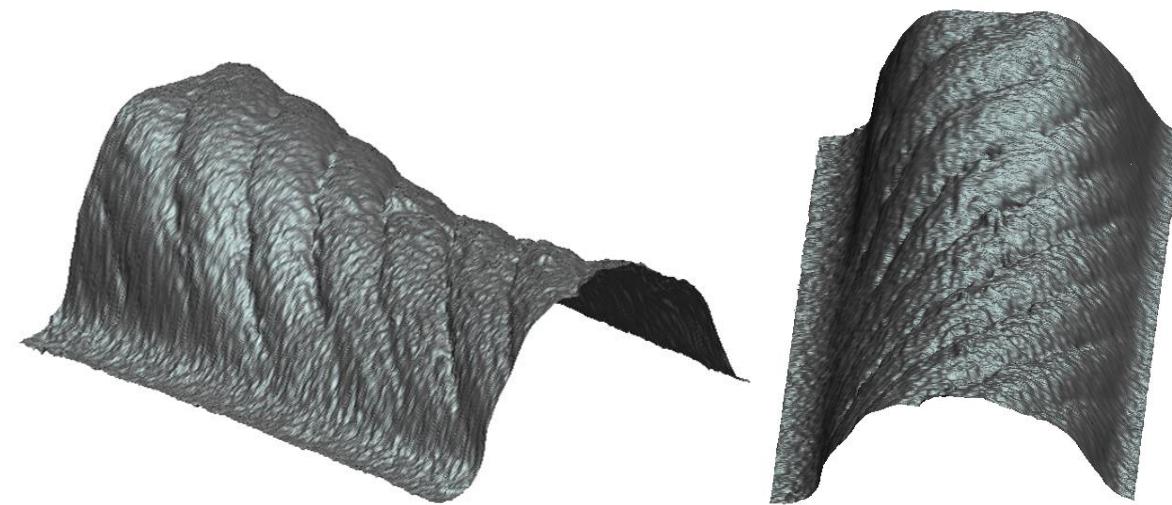


*"redukovaní" model (53.29 %)*

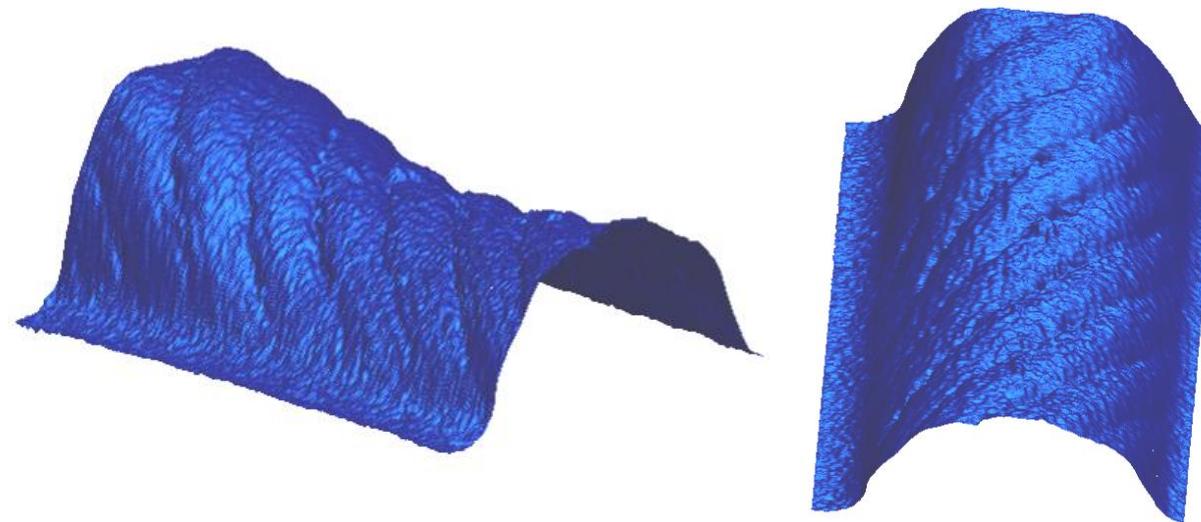


MAD [mm]	ME [mm]	AE [mm]	N <sub>P</sub>	N <sub>EP</sub>	RL [%]	N <sub>R</sub>
0.01	0.00968	0.00159	263,791	173,297	65.69	90,494





*"original"*



*"redukovaní" model (65.69 %)*

# **Redukcija podataka primenom rešetki**

Kod ovog prilaza, **tačke** u rezultatu 3D-digitalizacije se redukuju **deljenjem** (svrstavanjem) u **rešetke** (eng. grid), a **zatim se vrši semplovanje** (izbor) reprezentativnih tačaka iz svake ćelije rešetke.

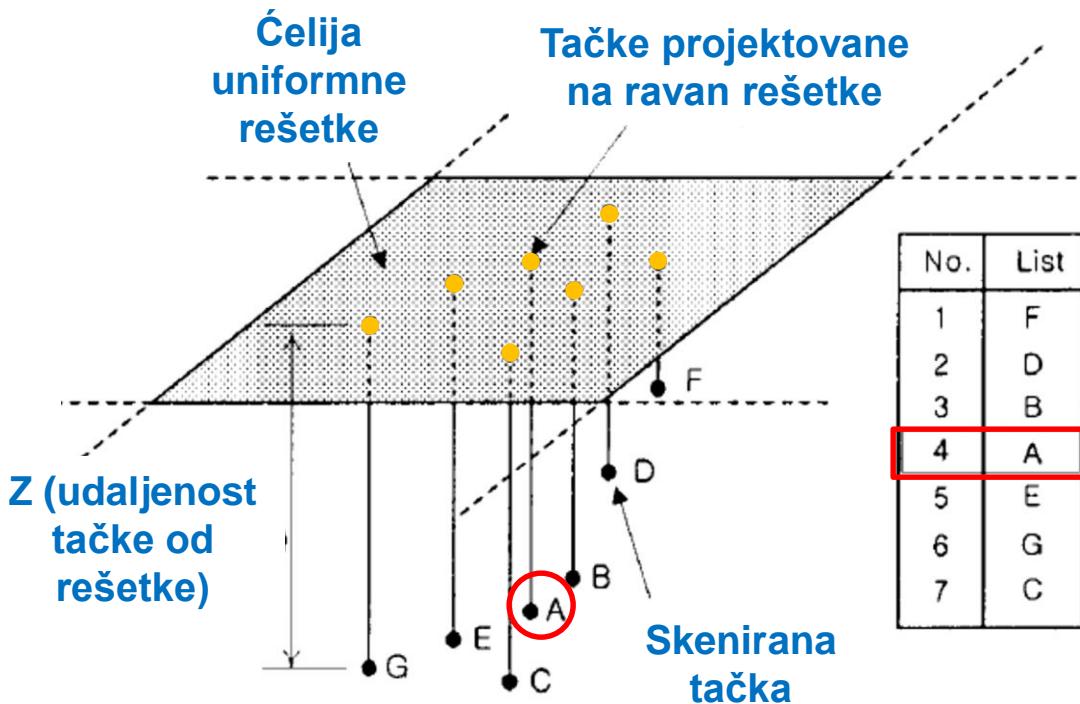
Razlikuju se dve grupe metoda za redukovanje podataka-tačaka preko rešetki:

- 1) sa uniformnim rešetkama i
- 2) ne-uniformnim rešetkama.

# Redukcija podataka primenom uniformnih rešetki

Procedura se sastoji u projektovanju tačaka na rešetkastu ravan i pridruživanju pripadajućih tačaka svakoj ćeliji rešetke.

Zatim se iz svake ćelije izabere jedna tačka, na bazi filtera zasnovanog na medijani: **tačke u okviru svake ćelije se sortiraju prema rastojanju od rešetkaste ravni i tačka locirana u sredini biva izabrana.**



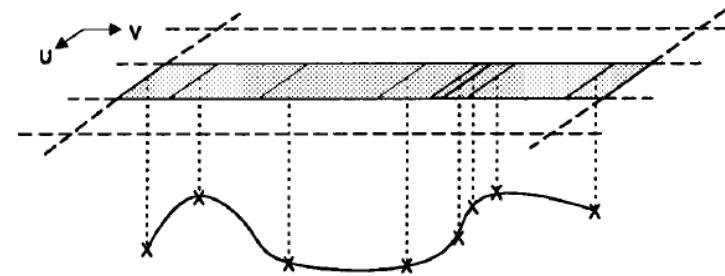
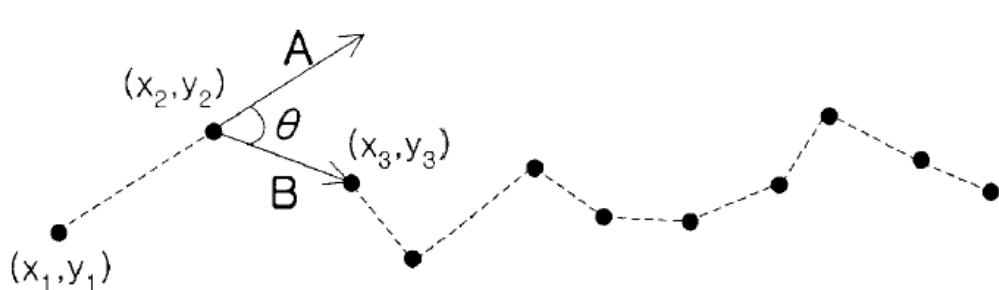
No.	List
1	F
2	D
3	B
4	A
5	E
6	G
7	C

Za  $n$  broj tačaka u okviru rešetke, selektuje se  $(n+1)/2$ -ta tačka ako je  $n$  neparan broj, odnosno  $n/2$ -ta tačka ako je  $n$  paran broj.

# Redukcija podataka primenom ne-uniformnih rešetki

## Ne-uniformne rešetke u jednom pravcu:

- Tačke se selektuju na osnovu ugla koji se izračunava preko vektora kreiranih pomoću tri uzastopne tačke (ovi uglovi nose informaciju o nivou krivosti - kada je ugao mali i krivost je mala i obrnuto).



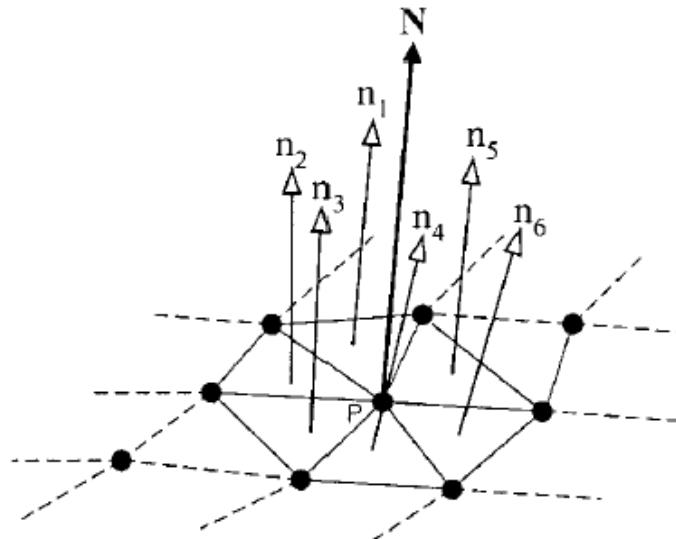
- Po u-pravcu je dimenzija rešetke fiksna i određena korakom skeniranja, dok je u v-pravcu promenljiva i određena geometrijom, tj. nivoom krivosti površine.
- Selektuju se tačke sa velikom krivošću, jer je u tim područjima oblik složen tako da se one moraju sačuvati tokom procesa redukovanja da bi se mogla reprezentovati površina objekta.
- U skladu sa tim, nakon ekstrakcije tačaka metodom ugaone devijacije, rešetka je po v-pravcu izdeljena shodno ekstrakovanim tačkama.

# Redukcija podataka primenom ne-uniformnih rešetki

## Ne-uniformne rešetke u oba pravca:

- Kod ove metode redukovanje se vrši na osnovu vektora-normala u pojedinačnim tačkama.
- Najpre se podaci-tačke poligonizuju povezivanjem tačaka u trouglove.
- Određivanje vektora-normale u tački se vrši preko vektora-normala susednih trouglova.
- Za tačku P postoji šest susednih trouglova i vrednost normale N se izračunava preko sledeće relacije:

$$N = \frac{n_1 + n_2 + n_3 + n_4 + n_5 + n_6}{|n_1 + n_2 + n_3 + n_4 + n_5 + n_6|}$$



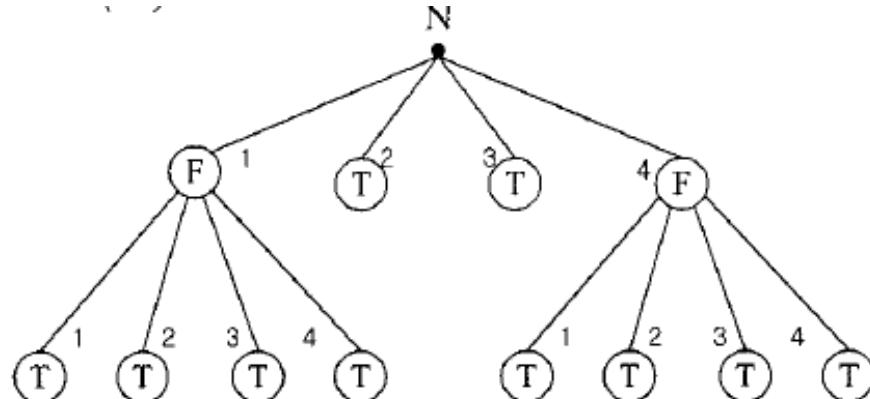
Izračunavanjem vektora-normala za sve tačke, generiše se ravan rešetke. Dimenzije rešetke određuje korisnik prema željenom nivou redukcije (veća redukcija => veličina rešetke se povećava i obrnuto).

Projektovanjem tačaka na ravan rešetke, tačke svake ćelije se grupišu i određuje se prosečna vrednost od vrednosti normala tih tačaka.

Kao kriterijum za pod-deljenje ćelija rešetke, primenjuje se standardna devijacija od vrednosti normala u tačkama.

Nivo standardne devijacije uzima u obzir i oblik dela i željeni nivo redukovana podataka. Ukoliko je, na primer, standardna devijacija u ćeliji velika, to je znak da je geometrija površine objekta koja odgovara tom delu rešetke složena i da je potrebno dalje deljenje ćelije u cilju sprovođanja više tačaka.

Ovakav proces deljenja mreže se naziva metodom kvadrantnog drveta.

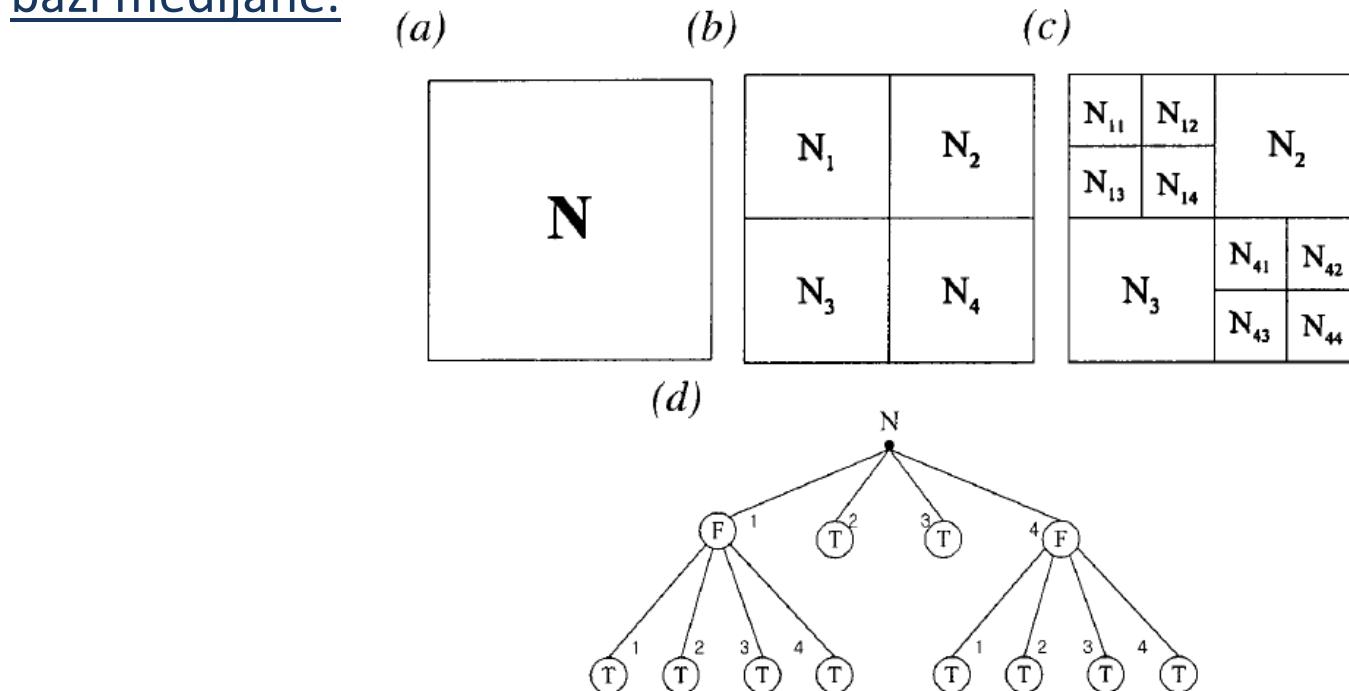


Ukoliko je standardna devijacija mreže veća od zadate vrednosti, ćelija se deli na četiri dela.

Proces se nastavlja sve dok standardna devijacija mreže ne bude manja od zadate vrednosti ili rešetka dostigne granični minimum zadat od strane korisnika.

**Minimalna dimenzija rešetke zavisi od kompleksnosti oblika dela.**

Nakon završetka formiranja rešetke, selektuje se reprezentativna tačka od tačaka koje pripadaju svakoj pojedinačnoj mreži i to primenom filtera na bazi medijane.



# Metode za redukciju podataka kod poligonalnih i mrežnih (mesh) modela

Redukcija podataka-tačaka kod poligonalne RE-metodologije je zasnovana na redukovaju broja poligona u poligonalnom modelu. Do sada je razvijen veći broj metoda za redukovanje broja trouglova, mada su sve, manje-više, zasnovane na istom principu, koji se u najkraćem može opisati na sledeći način: *ravniji delovi površina opisuju se većim poligonima, dok je za opis površina sa većom krivošću neophodan veći broj manjih poligona.*

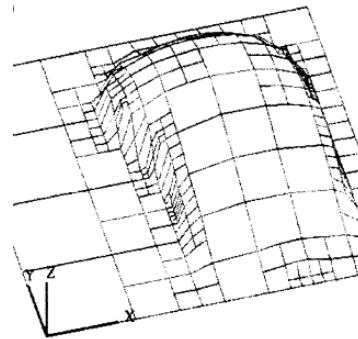
Redukcija podataka-tačaka se u ovoj oblasti može podeliti u dve kategorije:

- 1) metode za manipulisanje trianguliranim podacima-tačkama i
- 2) metode zasnovane na prilazu "*nivoi detalja*" (*LOD - Level-Of-Detail*).

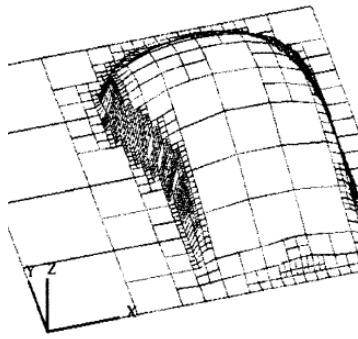
# Metode zasnovane na prilazu "nivoi detalja" (LOD - Level-Of-Detail)

- LOD tehnika se primenjuje za diskretan prikaz sa najvećom primenom kod mrežnih predstavljanja.
- LOD prikaz može biti sastavljen od strukturiranih ili nestrukturiranih mreža.
- Pošto su nestrukturirane mreže komplikovanije za implementaciju, najveći deo istraživanja vezanih za LOD tehniku usmeren je na strukturirane mreže.
- **LOD metoda se sastoji iz dve osnovne faze:**
  1. Konstrukcija hijerarhijske LOD strukture
  2. Primena procesa redukovanja podataka na različitim slojevima (nivoima) detalja.

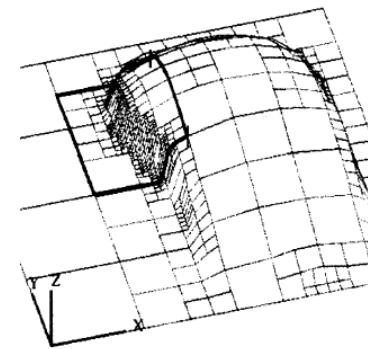
Prednost predstavljanja 3D modela u LOD formi je u tome što se manipulacija može primeniti direktno i efikasno na adekvatnom nivou – sloju



*a) niska rezolucija  
(90 čvorova)*



*b) visoka rezolucija  
(1030 čvorova)*



*c) kombinovana rezolucija  
(600 čvorova)*