

OSNOVI MAŠINSKIH TEHNOLOGIJA 2

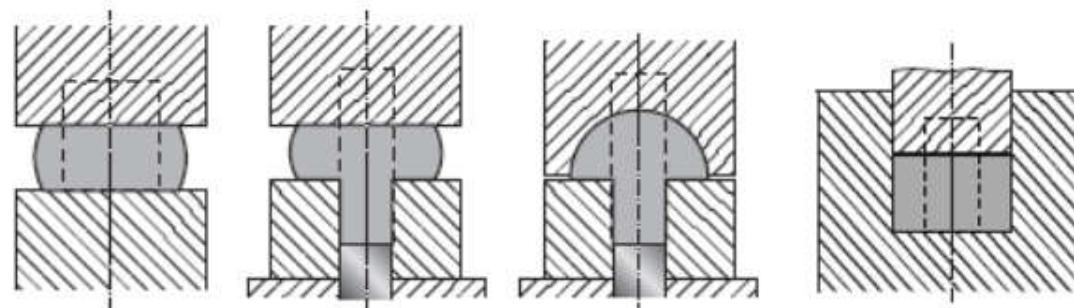
TPD - Slobodno sabijanje

Sabijanje valjka

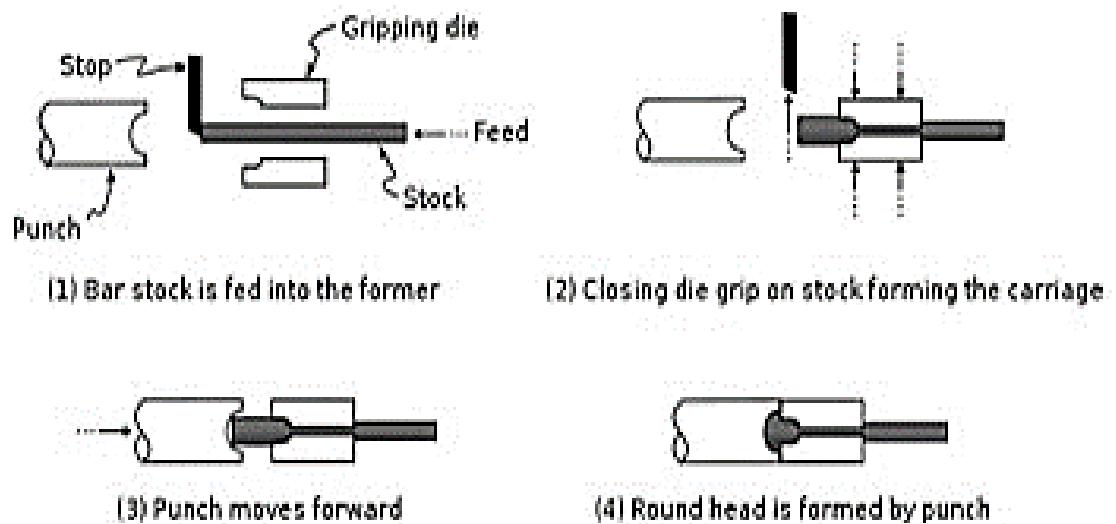
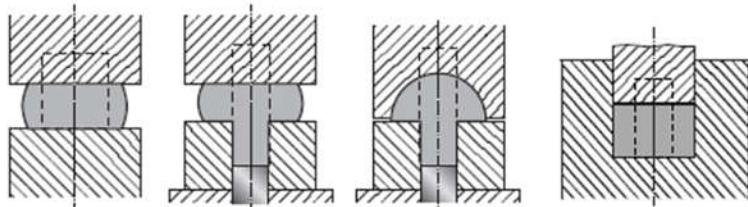
Sabijanje valjka predstavlja elementarnu operaciju zapreminskog oblikovanja.

Može biti samostalna operacija ili operacija predoblikovanja pri izradi složenih delova.

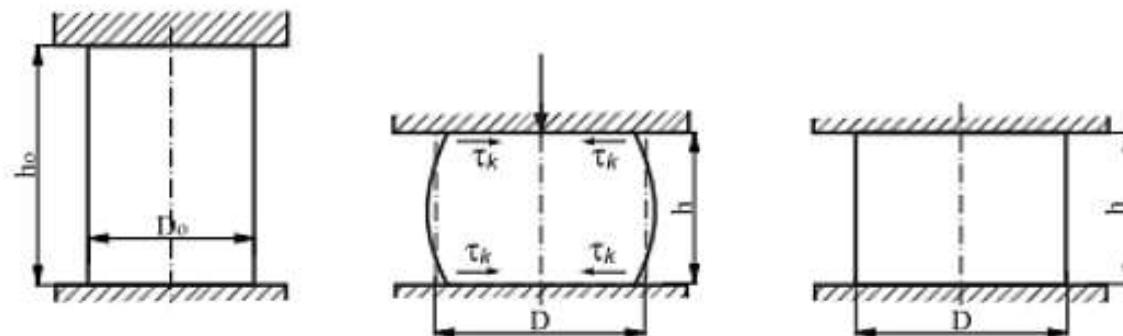
Može biti slobodno ili u kalupu.



Radna površina alata pri slobodnom sabijanju valjka i sabijanju valjka u kalupu može biti različitog oblika. Sabijanje se najčešće vrši ravnim pločama, ali se primenjuju i alati konusnog i sferičnog oblika i njihove kombinacije sa ravnim pločama.



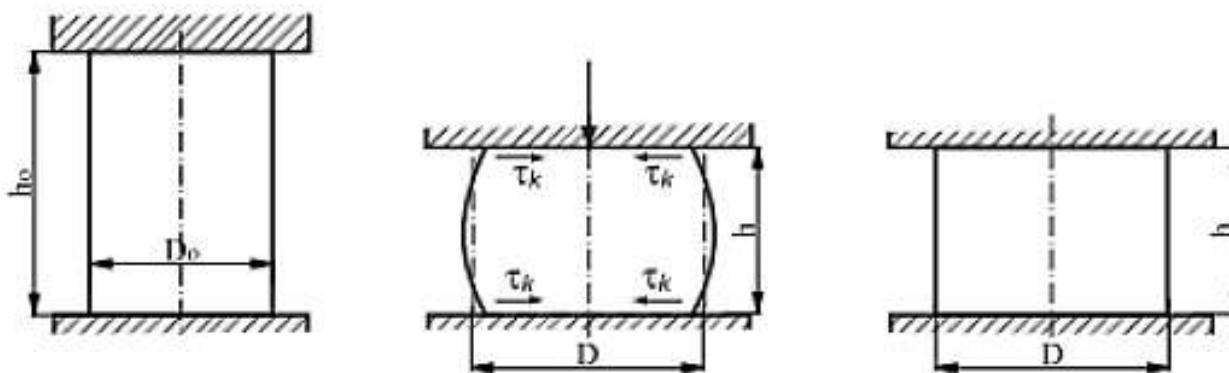
Slobodno sabijanje valjka ravnim pločama



Valjak se sabija ravnim pločama tako da dolazi do smanjenja početne visine uz istovremeno povećanje prečnika.

Odnos početne visine i prečnika h_0/d_0 ne bi trebao da prelazi odnos 2,5 – 3,5. Prekoračenje ovog odnosa može da dovede do izvijanja obratka.

U procesu slobodnog sabijanja valjka zbog uticaja tangencijalnih napona na kontaktnim površinama (kontaktno trenje) dolazi do naburičavanja dela.
U teorijskoj analizi procesa koristi se pretpostavka da je valjak i nakon sabijanja pravilan.



Deformacije kod slobodnog sabijanja

Deformaciono stanje kod slobodnog sabijanja valjka je troosno.

- Deformacija visine $\varphi_h = \ln \frac{h}{h_0} < 0$
- Radijalna deformacija $\varphi_r = \ln \frac{R}{R_0} > 0$
- Tangencijalna deformacija $\varphi_t = \ln \frac{2\pi R}{2\pi R_0} = \ln \frac{R}{R_0} = \varphi_r > 0$

Pošto je $\varphi_r + \varphi_t + \varphi_h = 0$ i $\varphi_r = \varphi_t$

može se izvesti da je

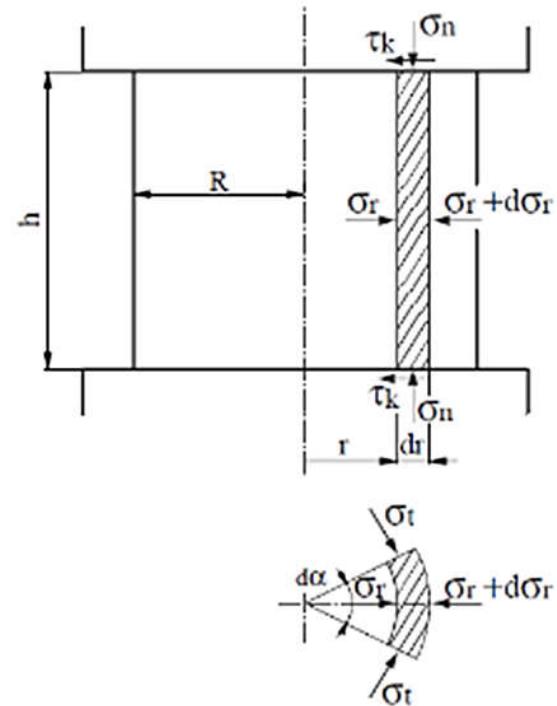
$$\varphi_r = \varphi_t = -\frac{\varphi_z}{2}$$

Kada se izrazi za deformacije uvrste u izraz za ekvivalentnu deformaciju može se dokazati da je ekvivalentna deformacija jednaka deformaciji visine.

$$\varphi_e = \frac{\sqrt{2}}{3} \sqrt{(\varphi_r - \varphi_t)^2 + (\varphi_t - \varphi_h)^2 + (\varphi_h - \varphi_r)^2} = |\varphi_z| = \ln \frac{h_0}{h}$$

Analiza naponskog stanja kod slobodnog sabijanja valjka

Diferencijalna jednačina ravnoteže može se postaviti na osnovu naponskog stanja prikazanog na slici.



$$\sigma_r \cdot h \cdot r \cdot d\alpha - (\sigma_r + d\sigma_r) \cdot (r + dr) \cdot h \cdot d\alpha - 2 \cdot \tau_k \cdot r \cdot d\alpha \cdot dr + 2 \cdot \sigma_t \cdot h \cdot dr \cdot \sin \frac{d\alpha}{2} = 0$$

Kada se u gornju jednačinu uvrsti da je $\tau_k = \mu \cdot \sigma_n$ diferencijalna jednačina dobija sledeći oblik

$$\sigma_r \cdot dr \cdot h + d\sigma_r \cdot r \cdot h + 2\mu \cdot \sigma_n \cdot r \cdot dr - \sigma_t \cdot dr \cdot h = 0$$

Kako je $\varphi_r = \varphi_t$, pretpostavka je da je i $\sigma_r = \sigma_t$, odatle sledi

$$d\sigma_r \cdot r \cdot h + 2\mu \cdot \sigma_n \cdot r \cdot dr = 0$$

Eliminacija radijalnog napona iz prethodne jednačine može se izvršiti primenom uslova plastičnosti, koji za ovaj slučaj glasi:

$$\sigma_n - \sigma_r = K$$

odakle sledi

$$d\sigma_n = d\sigma_r$$

Konačan oblik diferencijalne jednačine ravnoteže ima sledeći oblik

$$\frac{d\sigma_n}{\sigma_n} = -2\mu \frac{dr}{h}$$

čijom integracijom se dobija

$$\ln \sigma_n = -\frac{2\mu}{h} r + C_1$$

Integraciona konstanta određuje se iz sledećeg uslova:

Kada je $r = R$ vrednost radijalnog i normalnog napona imaju sledeće vrednosti

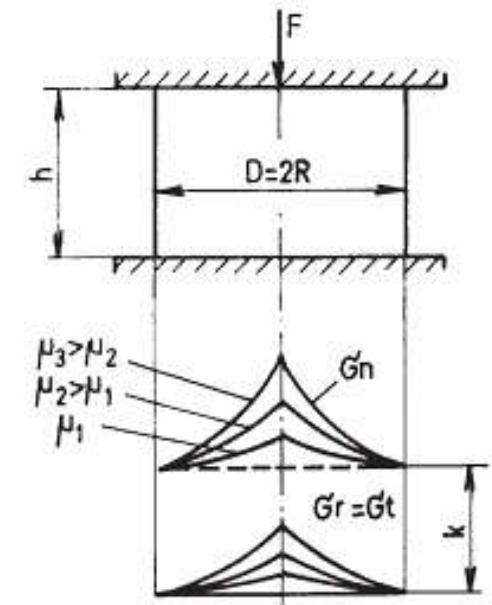
$$\sigma_r = 0 \quad i \quad \sigma_n = K$$

Odatle sledi da će integraciona konstanta imati sledeću vrednost

$$C_1 = \ln K + \frac{2\mu}{h} R$$

Rešavanjem diferencijalne jednačine ravnoteže dobija se izraz za normalni napon u procesu slobodnog sabijanja.

$$\sigma_n = K e^{\frac{2\mu}{h}(R-r)}$$



Kontaktni naponi u zavisnosti od trenja

Deformaciona sila u procesu slobodnog sabijanja određuje se integracijom izraza za normalni napon.

$$F = \int \sigma_n dA = \int_0^R \sigma_n 2\pi r dr = 2\pi \int_0^R K e^{\frac{2\mu}{h}(R-r)} r dr$$

Da bi se odredio integral eksponencijalne funkcije, ona se aproksimira redom oblika:

$$e^x = 1 + x + \frac{x^2}{2} + \frac{x^3}{6} + \dots$$

pri čemu se podintegralna funkcija aproksimira sa prva dva člana reda.

$$F = 2\pi K \int_0^R \left[1 + \frac{2\mu}{h} (R - r) \right] r dr$$

Konačan izraz za deformacionu silu kod slobodnog sabijanja valjka ima sledeći oblik:

$$F = KA \left(1 + \frac{\mu D}{3 h} \right)$$

Idealna deformaciona sila se određuje za $\mu = 0$

$$F_{id} = KA$$

$$F = KA \left(1 + \frac{\mu D}{3 h} \right)$$

Da bi se odredila deformaciona sila kod slobodnog sabijanja valjaka potrebno je odrediti sledeće veličine:

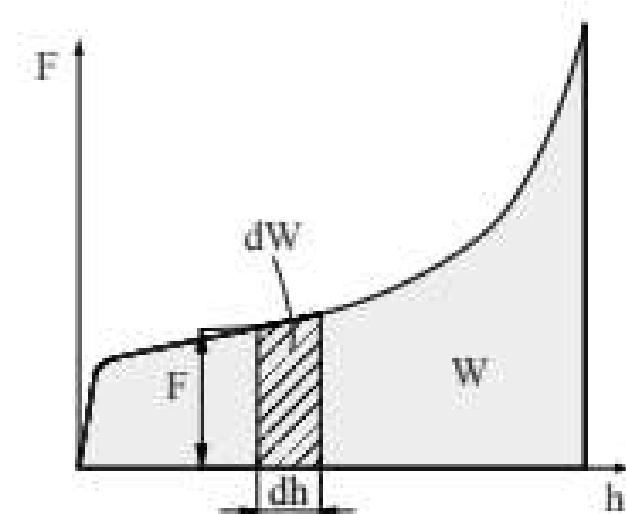
K – napon tečenja

A – površinu poprečnog preseka valjaka

μ – koeficijent trenja

D – prečnik valjka

h – visinu valjka



Promena sile u zavisnosti od hoda alata
kod slobodnog sabijanja valjka

Sabijanje valjka u kalupu

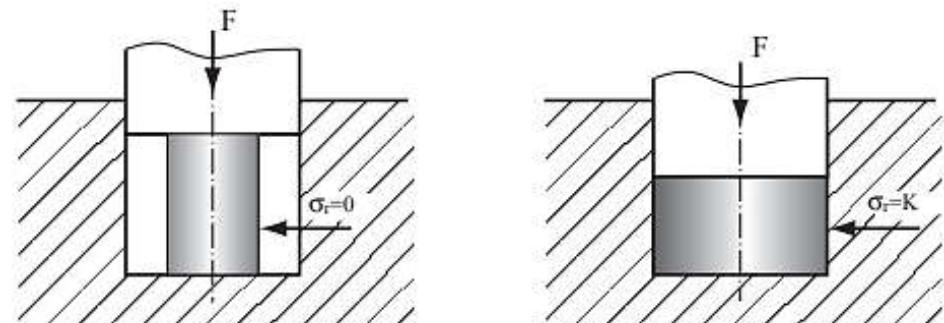
Početna faza sabijanja valjka u kalupu identična je slobodnom sabijanju valjka. Na kraju procesa materijal obratka bočnim površinama dolazi u kontakt sa materijalom alata. U ovom slučaju granični uslovi prilikom određivanja sile se menjaju. Deformaciona sila i deformacioni rad imaju dvostruku vrednost u odnosu na silu i rad kod slobodnog sabijanja.

Deformaciona sila

$$F = 2KA \left(1 + \frac{\mu D}{3h} \right)$$

Deformacioni rad

$$W = 2V K_{sr} \left[\ln \frac{h_0}{h} + \frac{2}{9} \mu \left(\frac{D}{h} - \frac{D_0}{h_0} \right) \right]$$



a)

b)
Sabijanje valjka u kalupu
a) početak procesa b) kraj procesa

Alati za sabijanje

Za slobodno sabijanje valjka u hladnom stanju koriste se masivne ploče kružnog ili pravougaonog preseka.

Za smanjenje opasnosti od loma potrebno je da debljina ploče bude odgovarajuća.

Kod visokih opterećenja poželjno je da debljina ploče bude jednaka prečniku ploče.

Radni elementi alata se izrađuju se od legiranog alatnog čelika, termički se obrađuju na tvrdoću od 60 do 62 HRC, a zatim se bruse i poliraju.

Mašine koje se koriste za sabijanje

Za jednostavne operacije sabijanja, koje se izvode u jednoj fazi, mogu se koristiti jednopozicione mehaničke i hidraulične prese prostog dejstva.

Za sabijanje u kalupu potrebno je da mašina ima izbacivač, odnono potrebna je presa dvostrukog dejstva.

Za višeoperaciono oblikovanje sabijanjem (a i za druge postupke hladnog oblikovanja) koriste se jednopozicioni i višepozicioni automati.

Mašine za sabijanje biraju se na osnovu tehnoloških parametara procesa od kojih su najvažniji: deformaciona sila, deformacioni rad, dimenzije alata, hod alata, veličina serije.